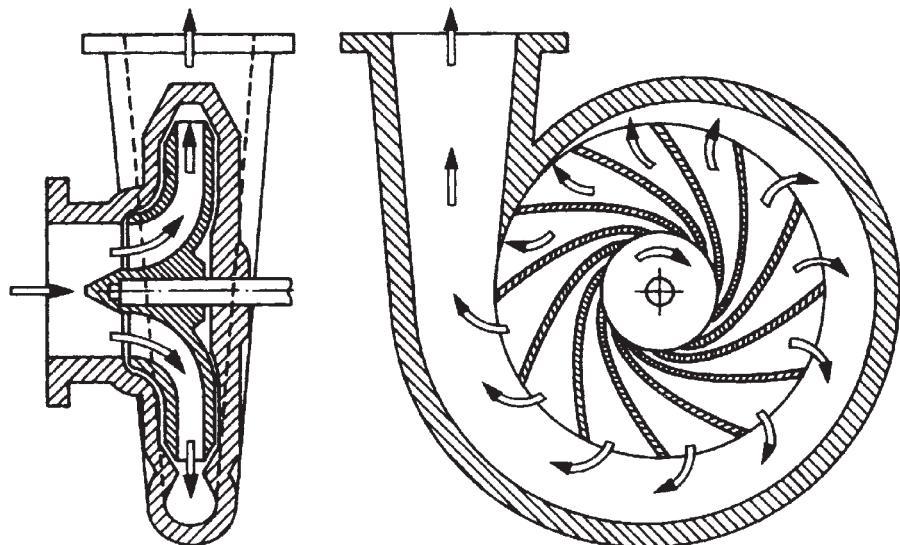


Теоретические основы гидравлики



ОГЛАВЛЕНИЕ

| | |
|--|-----------|
| 1. ПРЕДИСЛОВИЕ | 4 |
| 2. ОСНОВНЫЕ УРАВНЕНИЯ | 4 |
| 2.1. Уравнение неразрывности потока | 4 |
| 2.2. Уравнение Бернулли (закон сохранения энергии)..... | 5 |
| 2.3. О потерях давления и напора..... | 7 |
| 3. О ПРИНЦИПЕ ДЕЙСТВИЯ ЦЕНТРОБЕЖНЫХ НАСОСОВ | 14 |
| 3.1. Законы подобия для центробежных насосов | 14 |
| 3.2. Обозначения | 17 |
| 4. РАСЧЕТ НАСОСОВ И НАСОСНЫХ УСТАНОВОК | 18 |
| 4.1. Расход Q | 18 |
| 4.2. Напор насоса H | 18 |
| 4.3. Напор (высота подачи) системы H_A | 22 |
| 4.4. Мощность P ₄ , потребная мощность Р и КПД насоса. | 27 |
| 5. К ПРОБЛЕМЕ КАВИТАЦИИ | 33 |
| 5.1. Введение | 33 |
| 5.2. Величина NPSH _{треб} системы | 37 |
| 5.3. Величина NPSH _{эксп} насоса | 42 |
| 5.4. Производительность и кавитация | 44 |
| 6. СОВМЕСТНАЯ РАБОТА НЕСКОЛЬКИХ НАСОСОВ..... | 46 |
| 6.1. Последовательное включение насосов. | 46 |
| 6.2. Параллельное включение центробежных насосов | 49 |
| 7. РЕГУЛИРОВАНИЕ ЦЕНТРОБЕЖНЫХ НАСОСОВ | 51 |
| 7.1. Дроссельное регулирование | 52 |
| 7.2. Коррекция (подрезка) рабочего колеса | 53 |
| 7.3. Регулирование числа оборотов | 56 |
| 7.4. Эксплуатационные расходы насоса | 60 |
| 8. ЗАКЛЮЧЕНИЕ | 61 |

1. ПРЕДИСЛОВИЕ

Центробежные насосы являются гидродинамическими машинами. Для понимания принципа действия таких насосов необходимо иметь представление о предмете гидравлики и основных свойствах жидкостей.

2. ОСНОВНЫЕ УРАВНЕНИЯ

2.1. Уравнение неразрывности потока

Возьмем трубопровод переменного сечения, по которому протекает определенный поток Q . Тогда скорость потока v изменяется в соответствии с площадью поперечного сечения A :

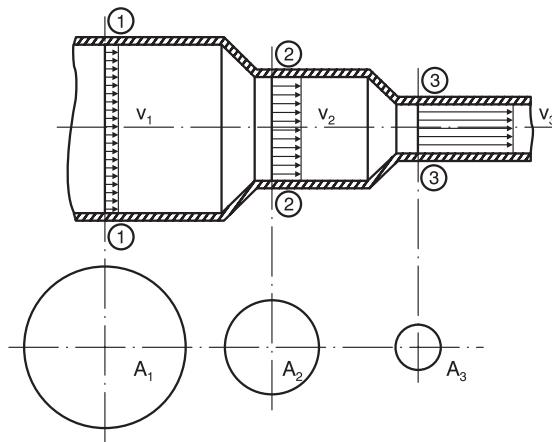


Рис. 1

$$Q = A \cdot v \quad (1a)$$

$$v = \frac{4 \cdot Q}{d^2 \cdot \pi} \quad (1b)$$

$$v_1 \cdot A_1 = v_2 \cdot A_2 \quad (1c)$$

$$A \cdot v = \text{Const} \quad (1d)$$

2.2. Уравнение Бернулли (закон сохранения энергии)

Уравнение Бернулли: сумма удельной энергии положения, удельной энергии давления и кинетической удельной энергии есть величина постоянная во всех сечениях потока жидкости.

В жидкостях существуют следующие виды энергии:

Потенциальная энергия положения $m \cdot g \cdot z$

Энергия давления $m \cdot \frac{p}{\rho}$

Кинетическая энергия $m \cdot \frac{v^2}{2}$

Полная удельная энергия, т. е. энергия, равная сумме энергий положения, давления и кинетической, отнесенной к массе, есть величина постоянная в любой точке сечения трубопровода:

$$\frac{p}{\rho \cdot g} + z + \frac{v^2}{2 \cdot g} = \text{Const [м]} \quad (2a)$$

$$p + \rho \cdot g \cdot z + \frac{v^2}{2} \cdot \rho = \text{Const [Па]} \quad (2b)$$

$$\frac{p}{\rho} + g \cdot z + \frac{v^2}{2} = \text{Const} \left[\frac{\text{М}^2}{\text{с}^2} \right] \quad (2c)$$

При этом:

p – статическое давление (показание манометра) (Па), 100 000 Па = 1 бар

ρ – плотность жидкости ($\text{кг}/\text{м}^3$)

g – ускорение свободного падения = 9,81 ($\text{м}/\text{с}^2$)

z – уровень от плоскости сравнения (м)

v – скорость протекания жидкости (м/с)

Уравнение Бернулли представляет собой закон сохранения механической энергии при движении идеальной жидкости. Зависимости 2a, 2b и 2c проиллюстрированы на рис. 2

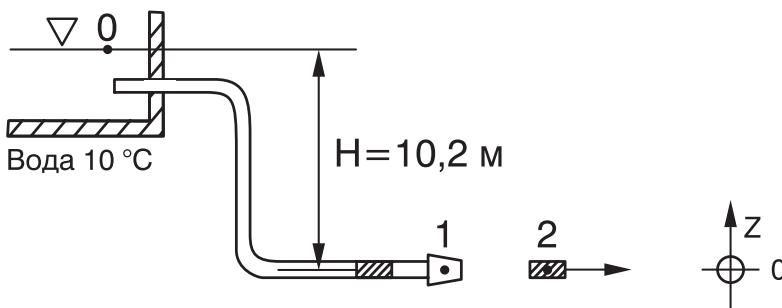


Рис. 2

Пример 1:

Найдите значения потенциальной, кинетической энергии и энергии давления в точках 0, 1, 2 (рис. 2)

Решение:

$$p_0 + \rho \cdot g \cdot z_0 + \frac{v^2}{2} \cdot \rho = p_1 + \rho \cdot g \cdot z_1 + \frac{v^2}{2} \cdot \rho = p_2 + \rho \cdot g \cdot z_2 + \frac{v^2}{2} \cdot \rho$$

В точке 0 вода имеет потенциальную энергию положения $\rho \cdot g \cdot z$, но не имеет энергии давления и движения.

В точке 1 энергия положения перешла в энергию давления, манометр показывает следующее:

$$p_1 = \rho \cdot g \cdot z_0 = 1000 \frac{\text{КГ}}{\text{М}^3} \cdot 9,81 \frac{\text{М}}{\text{с}^2} \cdot 10,2 \text{ м}$$

Также видно, что столб воды высотой 10,2 м соответствует единице давления 1 бар:

$$10,2 \text{ м} \cdot W_p = 1 \text{ бар}$$

В точке 2 энергия давления точки 1 преобразовалась в кинетическую энергию жидкости.

Скорость v_2 :

$$v_2 = \sqrt{\frac{2 \cdot P_1}{\rho}} = \sqrt{2g \cdot z_0} = 44,74 \text{ м/с}$$

2.3. О потерях давления и напора

Если вместо идеальной жидкости рассматривать жидкость реальную, то при перемещении жидкости по трубопроводу ее удельная энергия будет убывать, так как часть ее затрачивается на преодоление сопротивления движению, обусловленного внутренним трением и вязкостью жидкости. В связи с этим суммы механических энергий в точках 1 и 2 отличаются. В трубопроводе, в котором скорость v и уровень z определены, это преобразование энергии может выражаться только в потере давления « Δp ». В идеальном случае, когда отсутствует трение, действует уравнение 2:

$$p_1 + z_1 \cdot \rho \cdot g + \frac{v_1^2}{2} \cdot \rho = p_2 + z_2 \cdot \rho \cdot g + \frac{v_2^2}{2} \cdot \rho \quad (3)$$

При наличии трения:

$$p_1 + z_1 \cdot \rho \cdot g + \frac{v_1^2}{2} \cdot \rho = p'_2 + z_2 \cdot \rho \cdot g + \frac{v_2^2}{2} \cdot \rho + \Delta p_{12} \quad (4)$$

Разница давлений для идеальной и реальной жидкостей:

$$p_2 - p'_2 = \Delta p_{12} \quad (5)$$

может быть рассчитана следующим образом:

$$\Delta p_{12} = \lambda \cdot \frac{l}{d} \cdot \frac{v^2}{2} \cdot \rho = \rho \cdot g \cdot H_v \quad (6)$$

Здесь:

λ – коэффициент трения жидкости о трубопровод (0,02–0,04 обычн. диапазон)

l – длина трубопровода (м)

d – диаметр трубопровода (м)

H_v – потери напора (м)

Δp_{12} – потери давления между точками 1 и 2 (Па)

Если для определенного трубопровода мы введем коэффициент трения λ и плотность жидкости ρ в виде констант, и вместо скорости v вставим уравнение (1b), то получим выражение для потерь давления или напора:

$$\Delta p_{12} = H_v \cdot \rho \cdot g = \text{const} \cdot \frac{l \cdot Q^2}{d^5} \quad (7)$$

Потери давления Δp пропорциональны длине l трубопровода, возрастают вчетверо при удвоении потока Q и снижаются на 1/32 своего первоначального значения, если диаметр трубопровода удваивается. Этот очень важный для правильного выбора насосной установки факт часто не принимается во внимание на практике. Так как мы в дальнейшем должны рассчитать потери напора H_v , то соотношения должны быть пояснены на примере 2.

Пример 2:

Для отопительной системы с производительностью $Q_1 = 20 \text{ м}^3/\text{час}$ рассчитаны потери напора $H_{v1} = 4 \text{ м}$.

Какие потери напора H_{v2} получаются при производительности $Q_2 = 10 \text{ м}^3/\text{час}$?

Решение:

Из уравнения 6 ($I, d = \text{const}$) находим

$$\frac{H_{v2}}{H_{v1}} \cdot \left(\frac{Q_2}{Q_1} \right)^2 \quad H_{v2} = H_{v1} \cdot \left(\frac{Q_2}{Q_1} \right)^2 \quad (8)$$

$$H_{v2} = 4 \text{ м} \cdot \left(\frac{10 \text{ м}^3/\text{ч}}{20 \text{ м}^3/\text{ч}} \right)^2 = 1 \text{ м}$$

Пример 3:

В трубопроводе диаметром $d_1 = 65 \text{ мм}$ потери напора составляют $H_{v1} = 4 \text{ м}$.

Какие потери напора H_{v2} возникнут при тех же условиях, лишь с той разницей, что диаметр $d_2 = 80 \text{ мм}$?

Решение:

Из уравнения 6 ($I, d = \text{const}$) следует

$$\frac{H_{v2}}{H_{v1}} = \left(\frac{d_1}{d_2} \right)^5 \quad H_{v2} = H_{v1} \cdot \left(\frac{d_1}{d_2} \right)^5 \quad (9)$$

Результат показывает, какое влияние оказывает незначительное изменение диаметра трубопровода d на потери напора H_v .

Потери давления Δp или потери напора H_v определяются с помощью таблиц и диаграмм (рис. 3). Этот материал носит рекомендательный характер, однако он позволяет оценить потери в трубопроводах, изготовленных из различных материалов.

Пример 3:

Определите потери напора трубопровода длиной $l = 150$ и диаметром $d = 80$ мм при производительности $Q = 25 \text{ м}^3/\text{час}$. В трубопроводе находятся 4 колена по 90° DN 80 и 2 задвижки DN 80.

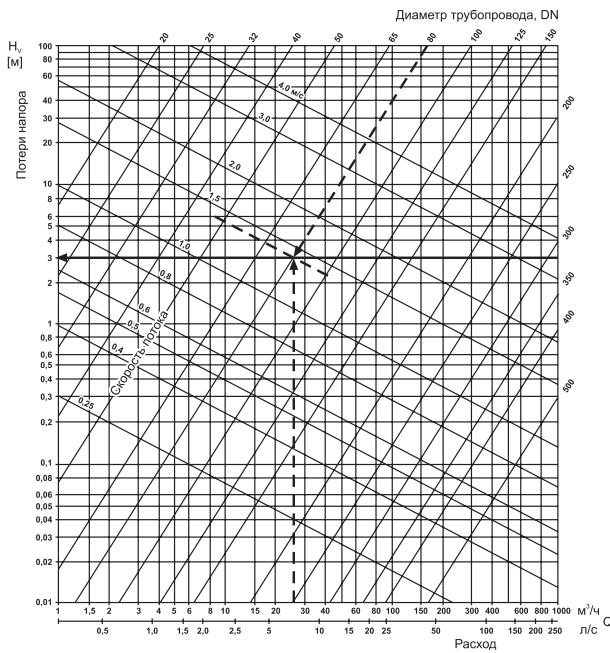


Рис. 3 Скорость потока v и потери H_v в прямых трубопроводах длиной 100 м

Номограмма справедлива для стальных оцинкованных труб или гладких чугунных труб с покрытием.

Поправочные коэффициенты для труб из других материалов:

| | |
|-----------------------------|---|
| новые катаные трубы | $\approx 0,85$ |
| трубы из меди или полимеров | $\approx 0,7$ |
| старые стальные трубы | $\approx 1,25$ |
| трубы с отложениями | $\approx 1,7$ (взять с диаграммы H_v для фактического суженного поперечного сечения!) |

| Номинальный диаметр | 50 | 65 | 80 | 100 | 125 |
|--------------------------------------|------|------|------|------|------|
| Шиберная задвижка | 0,7 | 0,9 | 1,2 | 1,5 | 1,9 |
| Вентиль обыкновенный | 12,0 | 16,0 | 20,0 | 25,0 | 31,0 |
| Обратный клапан свободного выпуска | 7,8 | 10,6 | 13,8 | 17,0 | 21,0 |
| Приемный клапан с всасывающей сеткой | 9,7 | 13,2 | 17,2 | 21,0 | 26,0 |
| Колено трубы 90° | 1,0 | 1,3 | 1,7 | 2,1 | 2,7 |

Рис. 4 Коэффициенты сопротивления различных элементов трубопроводной арматуры, при скорости потока 2,0 м/с

Решение:

Из диаграммы на рис. 3 мы берем значение для $Q = 25 \text{ м}^3/\text{час}$ и диаметр трубы $d = 80 \text{ мм}$.

$$H_v = 3,0 \text{ м}/100 \text{ м}$$

Из таблицы с коэффициентами сопротивления арматуры (рис. 4) мы получаем для колена DN 80 1 × 90° значение 1,7 м, а для задвижки DN 80 – 1,2 м.

$4 \times 90^\circ$ колено DN 80:

$$1,7 \text{ м} \times 4 = 6,8 \text{ м}$$

2 задвижки DN 80:

$$1,2 \text{ м} \times 2 = 2,4 \text{ м}$$

труба длиной 150 м:

$$= \frac{150 \text{ м}}{159,2 \text{ м}}$$

Потери напора составляют:

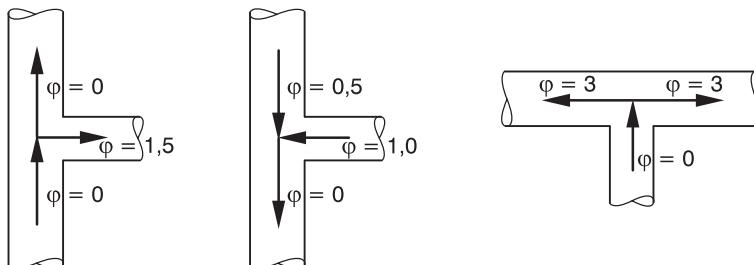
$$H_v = \frac{159,2 \text{ м}}{100 \text{ м}} \cdot 3,0 \text{ м} = 4,8 \text{ м}$$

Если имеются отдельные сопротивления типа колен, клапанов, фильтров и т.д., то из-за изменения потока также возникают потери напора. Они рассчитываются следующим образом:

$$\Delta p = \xi \cdot \frac{V^2}{2} \cdot \rho = H_v \cdot \rho \cdot g \quad (10)$$

Составляющая сопротивления ξ отдельных профильных деталей и арматур может быть взята из приведенной ниже таблицы:

| Удельное сопротивление | Коэффициент местного сопротивления ξ для номинальных диаметров DN | |
|---------------------------------|---|---------------|
| | DN 32 и 40 | DN 50 и более |
| Клиновая задвижка | 2,50 | 2,00 |
| Задвижки | 0,30 | 0,35 |
| Колено 90° с $r/d = 1,5$ | — | 0,55 |
| Колено 90° с $r/d = 2,5$ | — | 0,30 |



Потери напора H_v в арматуре:

v – средняя скорость потока в базовом поперечном сечении, м/с

ξ – коэффициент сопротивления соответствующей детали трубопровода

$$H_v = \xi \cdot \frac{v^2}{2 \cdot g} [\text{м}] \quad H_v = \sum \xi \cdot \frac{v^2}{2 \cdot g} [\text{м}] \quad (11)$$

Суммирование значений ξ для всех видов арматур допускается только при одинаковых номинальных внутренних диаметрах DN и значениях расхода Q.

Пример 4:

$Q = 25 \text{ м}^3/\text{час}$ $l = 150 \text{ м}$ $d = 80 \text{ мм}$ $v = 1,5 \text{ м/с}$

$4 \times 90^\circ$ колено DN 80 таблица: $\xi = 4 \times 0,55 = 2,2$

2 задвижки DN 80 таблица: $\xi = 2 \times 0,35 = 0,7$

$$H_v = (2,2 + 0,7) \cdot \frac{1,5^2 \left(\frac{\text{м}}{\text{с}} \right)^2}{2 \cdot 9,81 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} + \left(\frac{150 \text{ м}}{100 \text{ м}} \cdot 3,0 \text{ м} \right)$$

$$H_v = 4,8 \text{ м}$$

3. О ПРИНЦИПЕ ДЕЙСТВИЯ ЦЕНТРОБЕЖНЫХ НАСОСОВ

3.1. Законы подобия для центробежных насосов

Центробежные насосы являются лопастными машинами. Насос состоит из направляющего аппарата, лопастного колеса, корпуса со спиральным отводом, подвижных и неподвижных уплотнений, и привода.

Направляющий аппарат обеспечивает оптимальные условия всасывания, как бы «готовит» жидкость ко входу в лопастное колесо. Лопастное колесо сообщает жидкости приращение энергии, увеличивая динамическую составляющую (см. уравнение Бернулли). Спиральный отвод тормозит поток, выходящий из лопастного колеса, переводя динамическую составляющую в статическую, то есть повышая давление. В многоступенчатом насосе описанный процесс повторяется многократно за счет прохождения жидкости через гирлянду перемежающихся направляющих аппаратов и лопастных колес. В данном случае, направляющий аппарат выступает в роли «гасителя скорости потока», обеспечивая подпор перед лопастным колесом. Такая конструкция обеспечивает существенное приращение давления при сравнительно небольших габаритах и применяется, главным образом, в повысительных насосах.



Рис. 5 Слева – направляющий аппарат и рабочее колесо, справа – отдельно рабочее колесо

Принцип действия центробежного насоса заключается в следующем. При вращении рабочего колеса жидкость, находящаяся между лопатками, благодаря центробежной силе выбрасывается через направляющий аппарат в напорный трубопровод. Уходящая жидкость освобождает занимаемое ею пространство, поэтому у входа в рабочее колесо образуется вакуум, а на периферии – избыточное давление. Под действием разности атмосферного давления в приемном резервуаре и пониженного давления на входе в рабочее колесо жидкость подсасывается в межлопастные каналы рабочего колеса.

Принцип действия центробежного насоса можно просто объяснить на примере миксера (рис. 6): если поместить цилиндр (2) с находящимся на осевой линии и расположенным по периметру штуцером в резервуар с водой (1) и вставить расположенное на валу (3) рабочее колесо внутрь цилиндра, то при вращении вала в цилиндре свободная поверхность воды будет принимать параболическую форму. По осевой линии свободная поверхность воды будет опускаться ниже среднего уровня жидкости в резервуаре, а по стенкам – подниматься выше этого уровня (как при помешивании кофе).

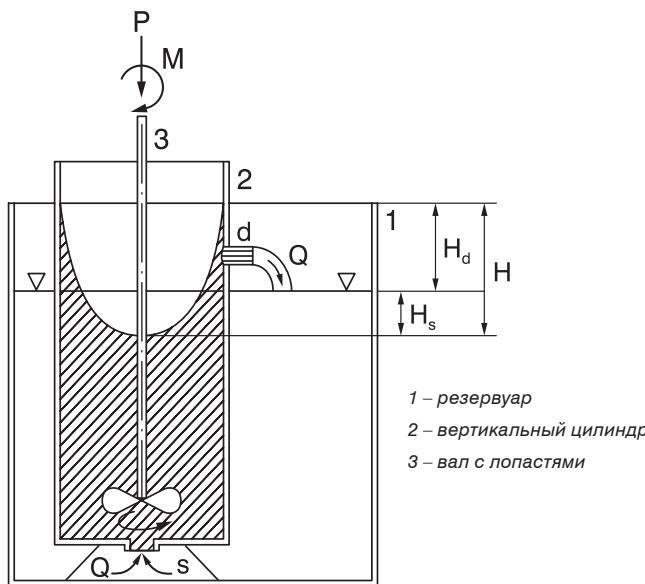


Рис. 6

Согласно закону Паскаля, давление пропорционально высоте столба жидкости. В приведенном примере давление в центре сосуда будет ниже, чем давление у его стенок. Под действием перепада между атмосферным давлением и давлениями в центре и у стенок сосуда, осуществляется перекачивание жидкости.

Итак, мы имеем здесь простейшую модель центробежного насоса, который имеет высоту всасывания H_s и напор H_d , т.е. перекачивает Q (объем жидкости в единицу времени) на высоту H путем затраты мощности P .

Далее из этой модели следует:

1. В центробежном насосе нет разделителя сред (камеры всасывания и нагнетания не отделены друг от друга).
2. Поток жидкости, проходящий через насос, должен быть непрерывен и однороден.
3. Если меняется число оборотов n вала и, соответственно, потребляемая мощность P , то меняются высота H и производительность Q .

Наблюдатель может с помощью измерительных приборов установить, что:

а) производительность Q пропорциональна числу оборотов n :

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{n_1}{n_2} \quad (12)$$

б) высота H пропорциональна квадрату числа оборотов n :

$$\frac{H_1}{H_2} = \left(\frac{n_1}{n_2} \right)^2 \quad (13)$$

в) мощность P пропорциональна кубу числа оборотов n :

$$\frac{P_1}{P_2} = \left(\frac{n_1}{n_2} \right)^3 \quad (14)$$

Указанные соотношения являются законами подобия центробежных насосов.

Они понадобятся нам позднее, когда речь пойдет о выборе числа оборотов вала насоса или расчете насоса с переменной частотой вращения.

3.2. Обозначения

Основные величины и единицы их измерения, применяемые в центробежных насосах, перечислены в стандартах (DIN 1944, DIN 24260). Мы будем их постоянно использовать в этой книге.

| Величина | Обозначение в формулах | Единица измерения |
|------------------------------|------------------------|--------------------|
| Производительность | Q | м ³ /ч |
| Напор | H | м |
| Значение NPSH | NPSH | м |
| Потребляемая мощность | P | кВт |
| КПД насоса | η | — |
| Число оборотов | n | 1/мин |
| Давление | p | бар |
| Плотность | ρ | кг/дм ³ |
| Скорость потока | v | м/с |
| Ускорение свободного падения | g | м/с ² |

Используемые индексы:
d – поперечное сечение напорного патрубка насоса
s – поперечное сечение всасывающего патрубка насоса
a – поперечное сечение на выходе из системы
e – поперечное сечение на входе в систему

4. РАСЧЕТ НАСОСОВ И НАСОСНЫХ УСТАНОВОК

4.1. Расход Q

Под расходом Q насоса понимается объем жидкости, протекающий через напорный патрубок насоса в единицу времени.

Понятие об объемном и массовом расходе: объемным расходом Q называют объем жидкости, проходящей через данное сечение трубопровода за заданный промежуток времени; массовым расходом m называется масса жидкости, проходящая через данное сечение трубопровода за заданный промежуток времени. Связь между массовым и объемным расходами приводится в формуле:

$$Q = \frac{m}{\rho}, \text{ где } \rho - \text{плотность жидкости} \quad (15)$$

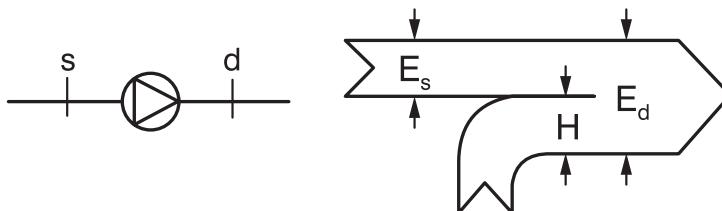
Пример 5:

Насос качает воду $t = 10^{\circ}\text{C}$, $t = 90^{\circ}\text{C}$. Плотность воды ρ при $t = 10^{\circ}\text{C}$, $\rho_{10^{\circ}\text{C}} = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$, при $t = 90^{\circ}\text{C}$, $\rho_{90^{\circ}\text{C}} = 965 \text{ кг}/\text{м}^3$. При одинаковом объемном расходе Q изменяется массовый расход m (т.е. масса проходящей за единицу времени жидкости), который влияет на потребляемую мощность насоса.

4.2. Напор насоса H

Напор: прирост энергии потока за время прохождения жидкости через рабочие полости насоса, выраженный в метрах столба жидкости.

Энергию, передаваемую насосом на единицу массы потока и напор насоса H можно измерить между патрубками агрегата, см. уравнения 2а–2с.



$$H = E_d - E_s \quad (16a)$$

$$Q = \frac{p_d - p_s}{\rho \cdot g} + z_d - z_s + \frac{v_d^2 - v_s^2}{2 \cdot g} \quad (16b)$$

Напор H состоит из трех составляющих:

- а) Изменение статического давления между патрубками насоса (показание манометра).

$$\frac{p_d - p_s}{\rho \cdot g} \quad (17a)$$

- б) Изменение положения жидкости (разность высот между напорным и всасывающим патрубками).

$$z_d - z_s \quad (17b)$$

- в) Изменение кинетической энергии жидкости между патрубками.

$$\frac{v_d^2 - v_s^2}{2 \cdot g} \quad (18)$$

Если патрубки насоса находятся на одинаковой высоте, то составляющая $(z_d - z_s)$ равна нулю. Если напорный и всасывающий патрубки насоса имеют одинаковый номинальный внутренний диаметр, то третья составляющая равна нулю и напор насоса описывается простым соотношением (насосы In-line):

$$H = \frac{p_d - p_s}{\rho \cdot g} \quad (19)$$

Прирост давления с помощью насоса можно выразить следующим образом:

$$\Delta p = p_d - p_{s'} = H \cdot \rho \cdot g \quad (20)$$

Из этого соотношения одновременно следует то, что разность давлений Δp зависит от плотности ρ перекачиваемой среды.

Рабочей характеристикой насоса называется зависимость напора от подачи при фиксированной частоте вращения приводного вала (рис. 7). Рабочие характеристики приводятся в технической документации.

Рабочая характеристика действительна для всех жидких сред.

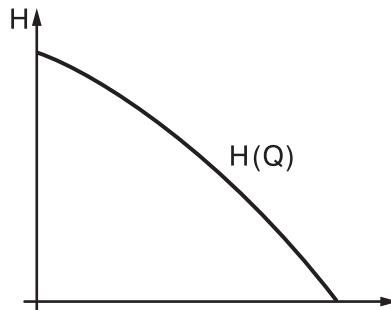


Рис. 7

Пример 6:

В насосе CRN 32–8–2 мы измерили при температуре перекачиваемого конденсата $t = 80^\circ\text{C}$ и производительности $Q = 24 \text{ м}^3/\text{час}$ давление на всасывающем патрубке $p_s = -0,1 \text{ бар}$, а на напорном $p_d = 12,3 \text{ бар}$.

Определение напора:

Т. к. CRN 32–8–2 является насосом In-line с одинаковыми диаметрами всасывающего и напорного патрубков, то:

$$H = \frac{p_d - p_s}{\rho \cdot g} \quad (21)$$

Если плотность $\rho_{80^\circ\text{C}} = 971,6 \text{ кг}/\text{м}^3$ (см. табл. раздел 5.1), то:

$$H = \frac{[12,3 - (-0,1)] \text{ бар} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{с}^2}{971,6 \cdot 9,81 \text{ кг} \cdot \text{м}} = 130 \text{ м}$$

$$\frac{\text{бар} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{с}^2}{\text{кг} \cdot \text{м}} \left[\frac{10^5 \cdot \text{п} \cdot \text{кг} \cdot \text{м}}{\text{бар} \cdot \text{м}^2 \cdot \text{п} \cdot \text{с}^2} \right] \quad 1 \text{ бар} = 10^5 \frac{\text{кг}}{\text{м} \cdot \text{с}^2}$$

Это значение соответствует значению в техническом паспорте CRN 32 (рис. 8), технич. данные насоса соответствуют данным изготовителя.

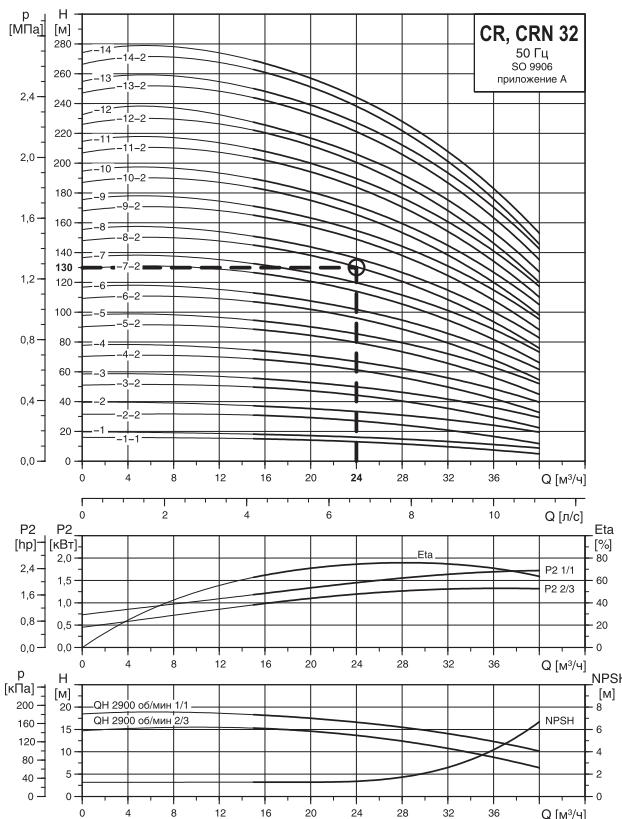


Рис. 8 Многоступенчатые насосы In-line Grundfos CRN 32

4.3. Напор (высота подачи) системы H_A

Если в системе (рис. 9) поток Q должен протекать от точки e в точку a , то необходимо использовать насос.

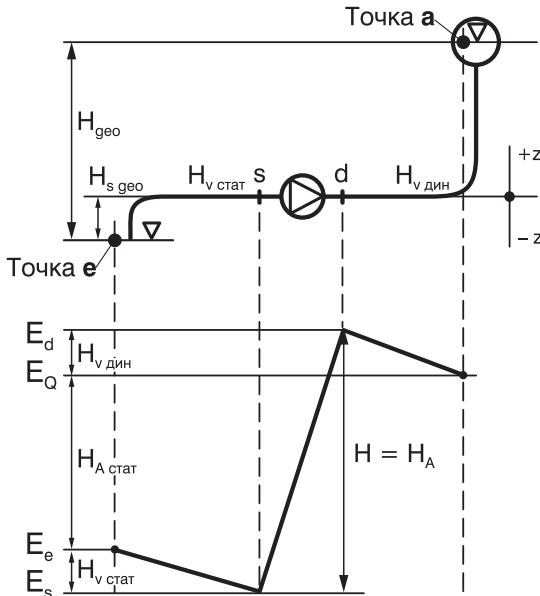


Рис. 9 График изменения энергии по пути прохождения потока в насосной системе

Из закона сохранения энергии

$$E = \frac{p}{\rho \cdot g} + z + \frac{V^2}{2 \cdot g}$$

мы рассчитаем суммарную энергию E_e и E_a для конечных точек системы. Далее по пути прохождения потока нужно компенсировать потери напора $H_{v\ stat}$ и $H_{v\ din}$. Для рассматриваемой системы удельная энергия и «напор системы H_A » определяются следующими формулами:

$$E = E_a - E_e + \sum H_v \quad (22a)$$

$$H_A = \underbrace{\frac{p_a - p_e}{\rho \cdot g} + z_a - z_e}_{H_{A \text{ стат}}} + \underbrace{\frac{v_a^2 - v_e^2}{2 \cdot g} + H_{v \text{ стат}} + H_{v \text{ дин}}}_{H_{A \text{ дин}}} \quad (22b)$$

Напор системы складывается из независимой от потока Q составляющей $H_{A \text{ стат}}$ (статической составляющей напора) и зависимой от потока Q составляющей $H_{A \text{ дин}}$ (динамической составляющей).

Напор системы H_A должен быть определен не только для номинального потока Q , но и для всей рабочей области и представлен в виде характеристики системы $H_A(Q)$.

Пример 7:

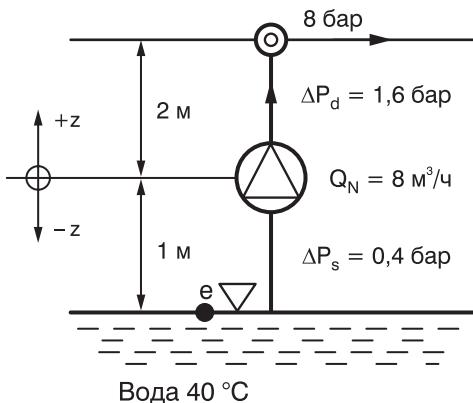


Рис. 10

Решение:

Т.к. уровень воды не меняется, то

$$H_{A \text{ стат}} = \frac{p_a - p_e}{\rho \cdot g} + z_a - z_e \quad (23)$$

На рис. 10 показана схема моечной установки высокого давления, в которой насос CR 10 подает воду с производительностью примерно $8 \text{ м}^3/\text{час}$. Потери давления были рассчитаны для производительности $Q_N = 8 \text{ м}^3/\text{час}$. Необходимо определить характеристику системы в диапазоне $0-10 \text{ м}^3/\text{час}$ и нанести на рабочую характеристику насоса CR 10.

Если плотность воды при $t = 40^{\circ}\text{C}$ (раздел 5.1.)

$\rho = 992 \text{ кг}/\text{м}^3$, то для статической составляющей напора:

$$H_{A\text{ стат}} = \frac{(8 - 0) \cdot 10^5 \text{ кг} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{с}^2}{992 \text{ кг} \cdot 9,81 \text{ м} \cdot \text{с}^2 \cdot \text{м}} + 2 \text{ м} - (-1 \text{ м})$$

$$H_{A\text{ стат}} = 82,2 \text{ м} + 3 \text{ м} = 85,2 \text{ м}$$

При номинальном расходе $Q_N = 8 \text{ м}^3/\text{час}$ динамическая составляющая:

$$H_{A\text{ дин}} = \frac{v_a^2 - v_e^2}{2 \cdot g} + \frac{\Delta p_o - \Delta p_d}{\rho \cdot g}$$

$$H_{A\text{ дин}} = \frac{(0,4 + 1,6) \cdot 10^5 \text{ кг} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{с}^2}{992 \text{ кг} \cdot 9,81 \text{ м} \cdot \text{с}^2 \cdot \text{м}} = 20,6 \text{ м}$$

Напор системы складывается следующим образом:

$$H_A = H_{A\text{ стат}} + H_{A\text{ дин}}$$

$$H_A = 85,2 \text{ м} + 20,6 \text{ м} = 105,8 \text{ м}$$

Поскольку потери напора

$$H_v = \frac{\Delta p}{\rho \cdot g} \quad (\text{см. главу 2.3.})$$

пропорциональны квадрату производительности Q , то действует (уравнение 8):

$$\frac{H_{vx}}{H_{vN}} = \left(\frac{Q_x}{Q_N} \right)^2 \Rightarrow H_{vx} = \left(\frac{Q_x}{Q_N} \right)^2 \cdot H_{vN}$$

Напор для новой производительности $Q_x = 6 \text{ м}^3/\text{час}$:

$$H_{vx} = \left(\frac{6 \text{ м}^3/\text{ч}}{8 \text{ м}^3/\text{ч}} \right)^2 \cdot 20,6 \text{ м}$$

$$H_{vx} = 11,5 \text{ м}$$

Мы рассчитываем характеристику системы следующим образом:

| | | | | | | |
|-----------------------------|-----------------------------|------|------|------|------|-------|
| Q_N (м ³ /час) | Q_N (м ³ /час) | 8 | 8 | 8 | 8 | 8 |
| Q_X (м ³ /час) | Q_X (м ³ /час) | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 |
| Q_X / Q_N | Q_X / Q_N | 0 | 0,25 | 0,5 | 0,75 | 1,0 |
| $(Q_X / Q_N)^2$ | $(Q_X / Q_N)^2$ | 0 | 0,06 | 0,25 | 0,56 | 1,0 |
| и т.д. | $H_{Adyn} = H_{vx}$ (м) | 0 | 1,2 | 5,2 | 11,5 | 20,6 |
| | H_{Ast} | 85,2 | 85,2 | 85,2 | 85,2 | 85,2 |
| | H_A (м) | 85,2 | 86,4 | 90,4 | 96,7 | 105,8 |
| | | | | | | 117,3 |

Поскольку характеристика $H_A(Q)$ выражает потребность системы в энергии, а характеристика насоса $H(Q)$ характеризует энергию, необходимую для преодоления сопротивления системы и обеспечения заданных Q и p , то в каждой точке пересечения кривых будет энергетический баланс.

В этой точке:

ХАРАКТЕРИСТИКА СИСТЕМЫ – ХАРАКТЕРИСТИКА НАСОСА

$$H_A = H$$

ПОТРЕБНОСТЬ В ЭНЕРГИИ = ЭНЕРГИЯ ДЛЯ ОБЕСПЕЧЕНИЯ Q и p

$$E_A = E$$

Рабочей точкой насоса называется пересечение характеристики системы (сопротивление трубопровода) и характеристики насоса.

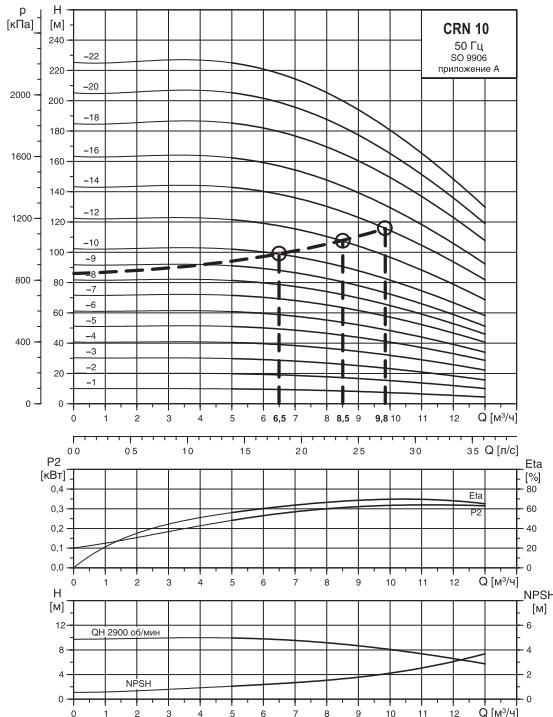


Рис. 11 Многоступенчатые насосы Grundfos CRN 10

По диаграмме насоса CRN (рис. 11) мы видим, что характеристика этой установки пересекает кривые напора насосов с CRN 10–9 по CRN 10–14 при различных потоках Q ,

$$\text{CRN 10–10} \quad Q_1 = 6,5 \text{ м}^3/\text{час}$$

$$\text{CRN 10–12} \quad Q_2 = 8,5 \text{ м}^3/\text{час}$$

$$\text{CRN 10–14} \quad Q_3 = 9,8 \text{ м}^3/\text{час}$$

и ни один из насосов не обеспечивает $Q_N = 8 \text{ м}^3/\text{час}$.

Мы делаем выбор в пользу того насоса, который имеет ближайшую к желаемой рабочей точке: CRN 10–12.

4.4. Мощность P_4 , потребная мощность P и КПД насоса

Мощность P_4 является полезной мощностью, которая определяется с помощью производительности Q и напора H

$$P_4 = Q \cdot \rho \cdot g \cdot H \sim Q \cdot H \quad (25)$$

Потребная мощность P насоса больше на величину возникающих в насосе потерь P_v (которые преобразуются в тепло).

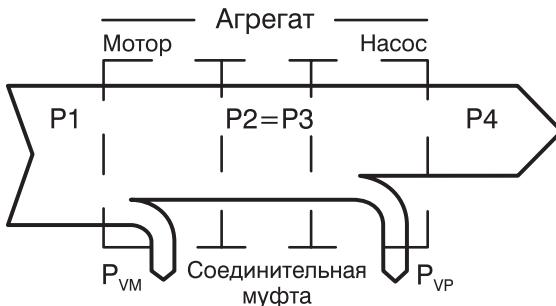


Рис. 12

Отношение мощностей представляет собой КПД насоса:

$$\eta = \frac{P_4}{P} = \frac{P_4}{P_4 + P_v} \quad (26)$$

Т.к. насос постоянно приводится в действие двигателем и этот двигатель забирает мощность P_1 из сети, чтобы в месте подсоединения насосной части передать мощность валу P , то его КПД η_m рассчитывается следующим образом:

$$\eta_m = \frac{P}{P_1} \quad (27)$$

КПД насосного агрегата равен:

$$\eta_A = \frac{P_4}{P_1} = \frac{P}{P_1} \cdot \frac{P_4}{P} = \eta_M \cdot \eta \quad (28)$$

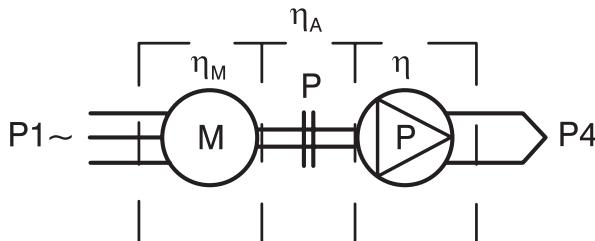


Рис. 13

Приводной двигатель для насоса обычно подбирают с запасом, согласно методике, описанной в стандартах.

Иногда условия требуют установки переразмеренного двигателя. Такое техническое решение практически не увеличивает производственные расходы, поскольку КПД двух двигателей, близких по мощности, примерно одинаковый.

Наряду с оценкой насосного агрегата посредством КПД многие пользователи рассчитывают расход энергии насосного агрегата на подачу 1 м³ воды. Они получают соотношение:

$$I = \frac{P_1}{Q} \quad (29)$$

Эту величину можно легко измерить, и она действительна не только для одной рабочей точки, но и для всей рабочей области.

Пример 8:

Центробежный насос CR 15–14 имеет расход $Q = 16 \text{ м}^3/\text{час}$ и напор $H = 160 \text{ м}$. Он должен перекачивать воду с температурой $t = 10^\circ\text{C}$.

Определите:

а) разницу давлений между патрубками $\Delta p = p_d - p_s$

б) гидравлическую мощность **P4**

в) потребную мощность **P** и мощность двигателя **P1**

Решение:

Поскольку насос CR 15 является насосом In-line, то действует равенство 20:

$$\Delta p = p_d - p_s = H \cdot \rho \cdot g$$

$$\Delta p = 160 \text{ м} \cdot 1000 \text{ кг}/\text{м}^3 \cdot 9,81 \text{ м}/\text{с}^2$$

$$\Delta p = 1569600 \text{ Па} = 15,70 \text{ бар}$$

Мощность рассчитывается из уравнения 25:

$$P4 = Q \cdot \rho \cdot g \cdot H$$

$$P4 = \frac{16 \text{ м}^3/\text{ч}}{\text{ч} \cdot 3600 \text{ с}} \cdot 1000 \text{ кг}/\text{м}^3 \cdot 9,81 \text{ м}/\text{с}^2 \cdot 160 \text{ м}$$

$$P4 = 6976 \text{ Вт} = 7,0 \text{ кВт}$$

С помощью КПД = 0,71, считанного из технического паспорта CR 15 (рис. 14), рассчитывают потребность в мощности по уравнению 26:

$$P = \frac{P4}{\eta} = \frac{7,0 \text{ кВт}}{0,71} = 9,8 \text{ кВт}$$

Существует и другой способ определения мощности, когда мощность ступени насоса $P_{st} = 0,71$ кВт берется из технического паспорта и умножается на число ступеней:

$$P = P_{st} \cdot x = 0,71 \cdot 14 = 9,94 \text{ кВт}$$

Разница объясняется только неточностью считывания.

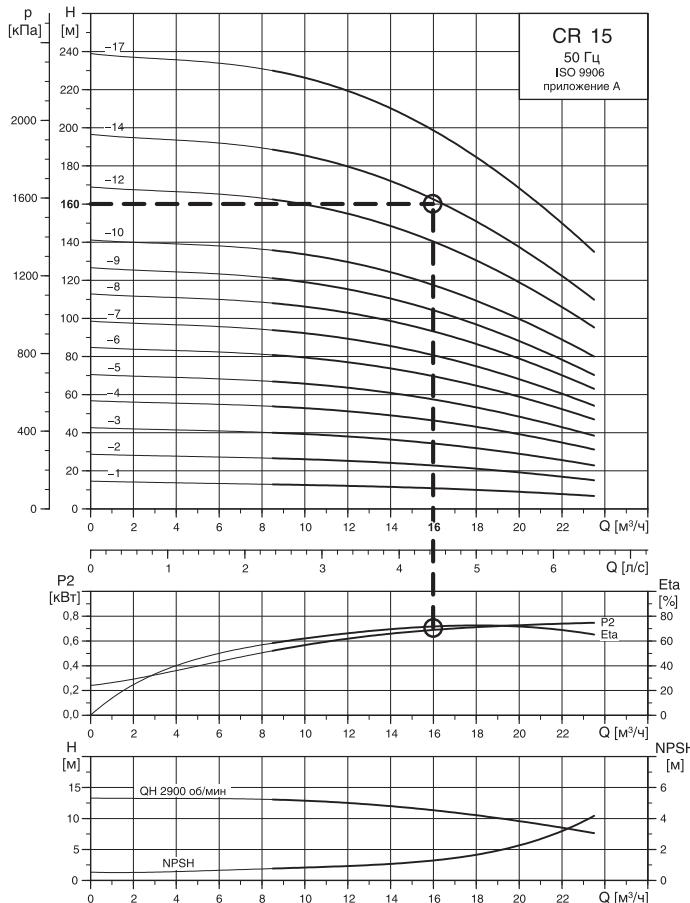


Рис. 14 Многоступенчатые насосы In-line Grundfos CR 15

Насос приводится в действие двигателем $P_N = 11 \text{ кВт}$, КПД которого составляет 0,88. Исходя из этого он забирает из сети электрическую мощность (уравнение 27)

$$P_1 = \frac{P}{\eta_M} = \frac{11 \text{ кВт}}{0,88}$$

$$P_1 = 12,5 \text{ кВт}$$

Пример 9:

Как изменятся параметры, если будет перекачиваться конденсат с температурой 95 °C и плотностью 961,6 кг/м³?

$$\Delta p = p_d - p_s = 160 \text{ м} \cdot 961,6 \text{ кг/м}^3 \cdot 9,81 \text{ м/с}^2$$

$$\Delta p = 1509327 \text{ Па} = 15 \text{ бар}$$

$$P_4 = 16 \text{ м}^3/\text{ч} \cdot 961,6 \text{ кг/м}^3 \cdot 9,81 \text{ м/с}^2 \cdot 160 \text{ м} = 6,7 \text{ кВт}$$

$$P = \frac{6,7 \text{ кВт}}{0,71} = 9,4 \text{ кВт}$$

Здесь также установлен двигатель с номинальной мощностью $P_N = 15 \text{ кВт}$, т.к. потребная мощность возрастает с увеличением расхода.

Подтверждается вытекающее из примера 5 утверждение о том, что потребная мощность увеличивается с увеличением подачи. Напор насоса для холодной и теплой воды одинаков.

РЕЗЮМЕ

В этой главе содержится несколько формул и несложные вычисления, с помощью которых инженер-консультант может подобрать насос для системы.

При подборе оборудования инженер-консультант руководствуется рабочими характеристиками насоса $H(Q)$. Эти характеристики имеют достаточно высокую точность и определяются производителями оборудования экспериментально. Характеристика же системы $H_A(Q)$ имеет достаточно приблизительный вид, так как выводится с помощью расчетов. Если характеристика системы рассчитана неверно, насос, установленный в нее, не сможет обеспечить требуемые параметры напора и расхода.

5. К ПРОБЛЕМЕ КАВИТАЦИИ

5.1. Введение

Очень часто нарушение работы насоса вызвано неудовлетворительными условиями всасывания. На условия всасывания влияет конструкция всасывающего трубопровода, температура жидкости и расположение насоса относительно свободной поверхности жидкости. Нельзя забывать и о том, что каждый насос имеет определенную характеристику всасывания (так называемую всасывающую способность), которую необходимо принимать во внимание при подборе насоса.

Закон сохранения энергии в жидкости проявляется в перераспределении энергии между статической и динамической составляющими. То есть, чем больше скорость потока, тем ниже статическое давление в нем, и наоборот.

Физические свойства жидкости таковы, что ее статическое давление может падать до давления насыщенных паров. После этого жидкость закипает.

На стенке трубы, изображенной на рис. 15, мы измеряем, как распределяется давление, график распределения давления представлен на диаграмме.

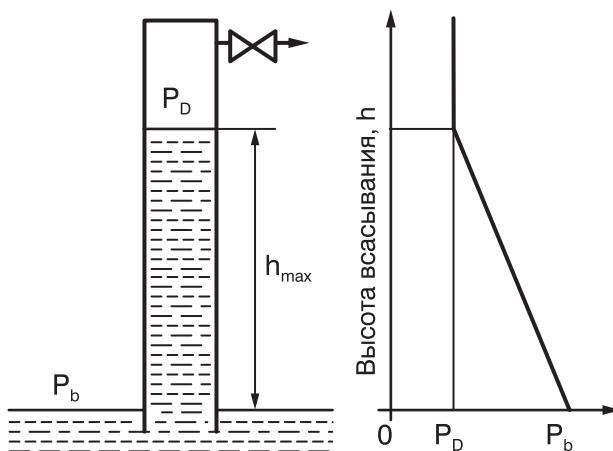


Рис. 15 Давление на стенки трубы h_{max}

Давление насыщенных паров и плотность воды

| °C | K | P _D (бар) | ρ (кг/дм ³) | °C | K | P _D (бар) | ρ (кг/дм ³) |
|----|--------|----------------------|-------------------------|-----|--------|----------------------|-------------------------|
| 0 | 273,15 | 0,00611 | 0,9998 | 35 | 308,15 | 0,05622 | 0,9940 |
| 1 | 274,15 | 0,00657 | 0,9999 | 36 | 309,15 | 0,05940 | 0,9937 |
| 2 | 275,15 | 0,00706 | 0,9999 | 37 | 310,15 | 0,06274 | 0,9933 |
| 3 | 276,15 | 0,00758 | 0,9999 | 38 | 311,15 | 0,06624 | 0,9931 |
| 4 | 277,15 | 0,00813 | 1,0000 | 39 | 312,15 | 0,06991 | 0,9927 |
| 5 | 278,15 | 0,00872 | 1,0000 | 40 | 313,15 | 0,07375 | 0,9923 |
| 6 | 279,15 | 0,00935 | 1,0000 | 41 | 314,15 | 0,07777 | 0,9919 |
| 7 | 280,15 | 0,01001 | 0,9999 | 42 | 315,15 | 0,08198 | 0,9915 |
| 8 | 281,15 | 0,01072 | 0,9999 | 43 | 316,15 | 0,08639 | 0,9911 |
| 9 | 282,15 | 0,01147 | 0,9998 | 44 | 317,15 | 0,09100 | 0,9907 |
| 10 | 283,15 | 0,01227 | 0,9997 | 45 | 318,15 | 0,09582 | 0,9902 |
| 11 | 284,15 | 0,01312 | 0,9997 | 46 | 319,15 | 0,10086 | 0,9898 |
| 12 | 285,15 | 0,01401 | 0,9996 | 47 | 320,15 | 0,10612 | 0,9894 |
| 13 | 286,15 | 0,01497 | 0,9994 | 48 | 321,15 | 0,11162 | 0,9889 |
| 14 | 287,15 | 0,01587 | 0,9993 | 49 | 322,15 | 0,11736 | 0,9884 |
| 15 | 288,15 | 0,01704 | 0,9992 | 50 | 323,15 | 0,12335 | 0,9880 |
| 16 | 289,15 | 0,01817 | 0,9990 | 51 | 324,15 | 0,12961 | 0,9876 |
| 17 | 290,15 | 0,01936 | 0,9988 | 52 | 325,15 | 0,13613 | 0,9871 |
| 18 | 291,15 | 0,02062 | 0,9987 | 53 | 326,15 | 0,14293 | 0,9866 |
| 19 | 292,15 | 0,02196 | 0,9985 | 54 | 327,15 | 0,15002 | 0,9862 |
| 20 | 293,15 | 0,02337 | 0,9983 | 55 | 328,15 | 0,15741 | 0,9857 |
| 21 | 294,15 | 0,02485 | 0,9981 | 56 | 329,15 | 0,16511 | 0,9852 |
| 22 | 295,15 | 0,02542 | 0,9978 | 57 | 330,15 | 0,17313 | 0,9846 |
| 23 | 296,15 | 0,02808 | 0,9976 | 58 | 331,15 | 0,18147 | 0,9842 |
| 24 | 297,15 | 0,02982 | 0,9974 | 59 | 332,15 | 0,19016 | 0,9837 |
| 25 | 298,15 | 0,03166 | 0,9971 | 60 | 333,15 | 0,19920 | 0,9832 |
| 26 | 299,15 | 0,03360 | 0,9968 | 61 | 334,15 | 0,2086 | 0,9826 |
| 27 | 300,15 | 0,03564 | 0,9966 | 62 | 335,15 | 0,2184 | 0,9821 |
| 28 | 301,15 | 0,03778 | 0,9963 | 63 | 336,15 | 0,2286 | 0,9816 |
| 29 | 302,15 | 0,04004 | 0,9960 | 64 | 337,15 | 0,2391 | 0,9811 |
| 30 | 303,15 | 0,04241 | 0,9957 | 65 | 338,15 | 0,2501 | 0,9805 |
| 31 | 304,15 | 0,04491 | 0,9954 | 66 | 339,15 | 0,2615 | 0,9799 |
| 32 | 305,15 | 0,04753 | 0,9951 | 67 | 340,15 | 0,2733 | 0,9793 |
| 33 | 306,15 | 0,05029 | 0,9947 | 68 | 341,15 | 0,2856 | 0,9788 |
| 34 | 307,15 | 0,05318 | 0,9944 | 69 | 342,15 | 0,2984 | 0,9782 |
| 70 | 343,15 | 0,3116 | 0,9777 | 110 | 383,15 | 1,4327 | 0,9507 |
| 71 | 344,15 | 0,3253 | 0,9770 | 111 | 384,15 | 1,4815 | 0,9499 |
| 72 | 345,15 | 0,3396 | 0,9765 | 112 | 385,15 | 1,5316 | 0,9491 |
| 73 | 346,15 | 0,3543 | 0,9759 | 113 | 386,15 | 1,5832 | 0,9484 |
| 74 | 347,15 | 0,3696 | 0,9753 | 114 | 387,15 | 1,6362 | 0,9476 |
| 75 | 348,15 | 0,3855 | 0,9748 | 115 | 388,15 | 1,6906 | 0,9468 |

| $^{\circ}\text{C}$ | K | P_{d} (бар) | ρ (кг/дм 3) | $^{\circ}\text{C}$ | K | P_{d} (бар) | ρ (кг/дм 3) |
|--------------------|------------|----------------------|----------------------|--------------------|------------|----------------------|----------------------|
| 76 | 349,15 | 0,4019 | 0,9741 | 116 | 389,15 | 1,7465 | 0,9460 |
| 77 | 350,15 | 0,4189 | 0,9735 | 117 | 390,15 | 1,8039 | 0,9453 |
| 78 | 351,15 | 0,4365 | 0,9729 | 118 | 391,15 | 1,8628 | 0,9445 |
| 79 | 352,15 | 0,4547 | 0,9723 | 119 | 392,15 | 1,9233 | 0,9437 |
| 80 | 353,15 | 0,4736 | 0,9716 | 120 | 393,15 | 1,9854 | 0,9429 |
| 81 | 354,15 | 0,4931 | 0,9710 | 121 | 394,15 | 2,0492 | 0,9421 |
| 82 | 355,15 | 0,5133 | 0,9704 | 122 | 395,15 | 2,1145 | 0,9412 |
| 83 | 356,15 | 0,5342 | 0,9697 | 123 | 396,15 | 2,1816 | 0,9404 |
| 84 | 357,15 | 0,5557 | 0,9691 | 124 | 397,15 | 2,2504 | 0,9396 |
| 85 | 358,15 | 0,5780 | 0,9684 | 125 | 398,15 | 2,3210 | 0,9388 |
| 86 | 359,15 | 0,6011 | 0,9678 | 126 | 399,15 | 2,3933 | 0,9379 |
| 87 | 360,15 | 0,6249 | 0,9671 | 127 | 400,15 | 2,4675 | 0,9371 |
| 88 | 361,15 | 0,6495 | 0,9665 | 128 | 401,15 | 2,5435 | 0,9362 |
| 89 | 362,15 | 0,6749 | 0,9658 | 129 | 402,15 | 2,6215 | 0,9354 |
| 90 | 363,15 | 0,7011 | 0,9652 | 130 | 403,15 | 2,7013 | 0,9346 |
| 91 | 364,15 | 0,7281 | 0,9644 | 131 | 404,15 | 2,7831 | 0,9337 |
| 92 | 365,15 | 0,7561 | 0,9638 | 132 | 405,15 | 2,8670 | 0,9328 |
| 93 | 366,15 | 0,7849 | 0,9630 | 133 | 406,15 | 2,9528 | 0,9320 |
| 94 | 367,15 | 0,8146 | 0,9624 | 134 | 407,15 | 3,041 | 0,9311 |
| 95 | 368,15 | 0,8453 | 0,9616 | 135 | 408,15 | 3,131 | 0,9302 |
| 96 | 369,15 | 0,8769 | 0,9610 | 136 | 409,15 | 3,223 | 0,9294 |
| 97 | 370,15 | 0,9094 | 0,9603 | 137 | 410,15 | 3,317 | 0,9285 |
| 98 | 371,15 | 0,9430 | 0,9596 | 138 | 411,15 | 3,414 | 0,9276 |
| 99 | 372,15 | 0,9776 | 0,9589 | 139 | 412,15 | 3,513 | 0,9268 |
| 100 | 373,15 | 1,0133 | 0,9581 | 140 | 413,15 | 3,614 | 0,9258 |
| 101 | 374,15 | 1,0500 | 0,9574 | 141 | 414,15 | 3,717 | 0,9250 |
| 102 | 375,15 | 1,0878 | 0,9567 | 142 | 415,15 | 3,823 | 0,9241 |
| 103 | 376,15 | 1,1267 | 0,9559 | 143 | 416,15 | 3,931 | 0,9232 |
| 104 | 377,15 | 1,1668 | 0,9552 | 144 | 417,15 | 4,042 | 0,9223 |
| 105 | 378,15 | 1,2080 | 0,9545 | 145 | 418,15 | 4,155 | 0,9214 |
| 106 | 379,15 | 1,2504 | 0,9537 | 146 | 419,15 | 4,271 | 0,9205 |
| 107 | 380,15 | 1,2941 | 0,9529 | 147 | 420,15 | 4,389 | 0,9195 |
| 108 | 381,15 | 1,3390 | 0,9515 | 148 | 421,15 | 4,510 | 0,9186 |
| 109 | 382,15 | 1,3852 | 0,9515 | 149 | 422,15 | 4,634 | 0,9177 |

Т.к. давление насыщенных паров P_b всех жидкостей возрастает с температурой, то высота подъема h_{max} уменьшается с ростом температуры. Кипящая вода в принципе не может всасываться, т.к. давление пара P_b больше атмосферного давления P_0 .

$$h_{max} = \frac{P_b - P_0}{\rho \cdot g} \quad (30)$$

Если статическое давление в потоке падает до давления насыщенных паров жидкости при данной температуре, например путем увеличения скорости или путем изменения геодезической высоты, то в этом месте образуются пузырьки пара. Последние увлекаются потоком и лопаются, когда давление в потоке снова превышает давление насыщенных паров. Появление и схлопывание пузырьков, наполненных паром, называют кавитацией.

В центробежных насосах кавитация возникает на входе рабочего колеса. Кавитация проявляется в увеличении уровня шума, снижении высоты подачи, а также нестабильной работе насоса. Долговременная работа с кавитацией приводит к быстрому износу насоса, поэтому такого состояния следует избегать.

Во избежание кавитации на всасывающем патрубке насоса или на входе рабочего колеса должно присутствовать определенное избыточное давление по сравнению с давлением насыщенных паров. Если эту величину давления выразить как высоту столба жидкости над всасывающим патрубком насоса, а для больших агрегатов – над рабочим колесом, то тогда эта величина будет называться NPSH, или кавитационным запасом. Исторически сложилось, что в российской практике больше используется понятие «кавитационный запас», а в европейской – NPSH. Разница между этими понятиями заключается только в точке отсчета высоты столба жидкости и не представляет проблем при подборе современного оборудования. Учитывая коэффициенты запаса, эти величины можно считать равными.

Нужно запомнить, что при всех расчетах кавитации должно быть учтено атмосферное давление в месте монтажа насоса. Оно меняется с положением насоса над уровнем моря и колеблется в пределах $\pm 3\%$ от заданного значения.

| Высота над уровнем моря в м | Атмосферное давление P_b в барах |
|-----------------------------|------------------------------------|
| 0 | 1,013 |
| 500 | 0,955 |
| 1000 | 0,899 |
| 2000 | 0,795 |

Например, в Гамбурге можно поднять холодную воду с глубины 10 м, а в Мюнхене по причине его географического положения – только с 9,5 м.

5.2. Величина $NPSH_{\text{треб}}$ системы

Имеющаяся в системе высота давления нетто ($NPSH_{\text{треб}}$) рассчитывается из разности абсолютного барометрического давления P_A и давления насыщенных паров жидкости P_D

$$NPSH_{\text{треб}} = \left(\frac{P_s + P_b}{\rho \cdot g} \right) + \frac{V_s^2}{2 \cdot g} - \frac{P_D}{\rho \cdot g} \quad (31)$$

Между параметрами в точках **s** (на входе в насос) и **e** (точка входа жидкости в систему, она же соответствует уровню жидкости в емкости) имеется следующее соотношение:

$$\frac{P_s + P_b}{\rho \cdot g} + \frac{v_s^2}{2g} = \frac{P_e + P_b}{\rho \cdot g} + \frac{v_e^2}{2 \cdot g} - H_{V \text{динам}} + H_{s \text{стат}} - H_{s \text{стат}} \quad (32)$$

так что в режиме всасывания (рис. 16) и в режиме подачи (рис. 17) величина $NPSH_{\text{треб}}$ может быть определена из соответствующих уравнений.

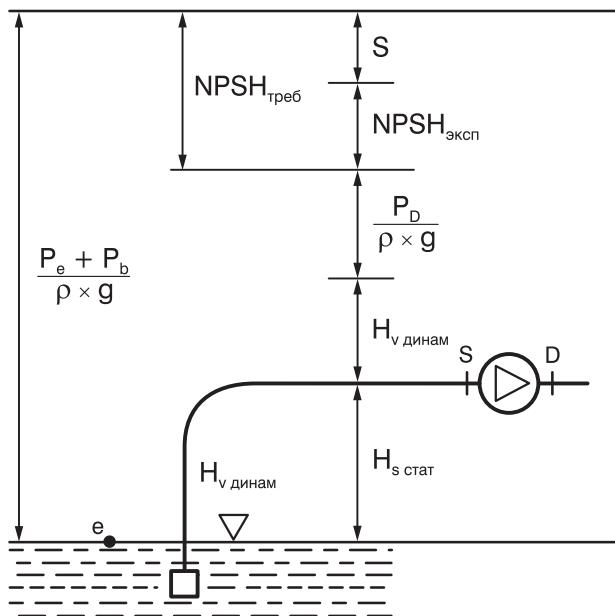


Рис. 16 Всасывание насоса

$$NPSH_{\text{треб}} = \frac{P_e + P_b - P_D}{\rho \cdot g} + \frac{v_e^2}{2 \cdot g} - H_{V \text{динам}} - H_{s \text{стат}} \quad (33)$$

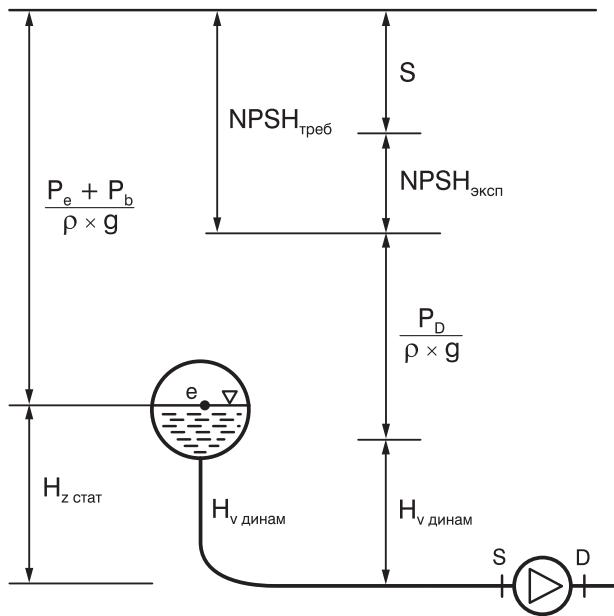


Рис. 17 Нагнетание насоса

$$NPSH_{\text{треб}} = \frac{P_e + P_b - P_d}{\rho \cdot g} + \frac{v_e^2}{2 \cdot g} - H_{V \text{динам}} + H_{z \text{стат}} \quad (34)$$

Величина $NPSH_{\text{треб}}$ может быть рассчитана из этих соотношений для разных значений расхода Q . Таким образом получают новую характеристику $NPSH_{\text{треб}}(Q)$, которая описывает систему. Характеристика определяется не изготовителем, а потребителем. Рассмотрим следующий пример:

Пример 10:

Для описанной в главе 4.3 промывочной установки нужно определить график $NPSH_{\text{треб}}$ и внести в характеристику насоса CR 10.

Поскольку насос работает в режиме всасывания, то:

$$NPSH_{\text{треб}} = \frac{P_e + P_b - P_d}{\rho \cdot g} + \frac{v_e^2}{2 \cdot g} - H_{V \text{динам}} - H_{S \text{стат}}$$

Из графиков или таблиц известно, что

$P_e = 0$, т.к. всасывание происходит из открытого резервуара

$P_D = 0,0738$ бар (из раздела 5.1.) $t = 40^\circ\text{C}$

$\rho = 992 \text{ кг}/\text{м}^3$ (из раздела 5.1.) $t = 40^\circ\text{C}$

$V_e = 0$

$H_{s \text{ стат}} = 1 \text{ м}$

$$H_{vsN} = \frac{\Delta p_s}{\rho \cdot g} = 4,11 \text{ м} \quad \text{при } Q_N = 8 \text{ м}^3/\text{ч}$$

Все параметры, вплоть до потери напора H_{vs} , не меняются с подачей Q . Тогда мы получаем:

$$NPSH_{\text{треб } x} = \frac{(1 - 0,0738) \cdot 10^5 \text{ кг} \cdot \text{с}^2 \cdot \text{м}^3}{992 \text{ кг} \cdot 9,81 \text{ м} \cdot \text{м} \cdot \text{с}^2} - 1 \text{ м} - H_{vsx}$$

$$NPSH_{\text{треб } x} = 8,52 \text{ м} - H_{vsx}$$

$$NPSH_{\text{треб } x} = 8,52 \text{ м} - 4,11 = 4,41 \text{ м}$$

Потери на трение определяются так же, как и прежде в примере 7:

| | | | | | | |
|-----------------------------|------|------|------|------|------|------|
| $Q_N (\text{м}^3/\text{ч})$ | 8 | 8 | 8 | 8 | 8 | 8 |
| $Q_x (\text{м}^3/\text{ч})$ | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | 10 |
| $(Q_x / Q_N)^2$ | 0 | 0,06 | 0,25 | 0,56 | 1,0 | 1,56 |
| Const. | 8,52 | 8,52 | 8,52 | 8,52 | 8,52 | 8,52 |
| $H_{vsx} (\text{м})$ | 0 | 0,25 | 1,03 | 2,30 | 4,11 | 6,41 |
| $NPSH_{\text{треб } x}$ | 8,52 | 8,27 | 7,49 | 6,22 | 4,41 | 2,11 |

Нанесем значения на диаграмму **NPSH** насоса CR 10. Эта кривая пересекает кривую **NPSH** насоса, которую точнее можно было бы назвать кривой **NPSH_{эксп}**.

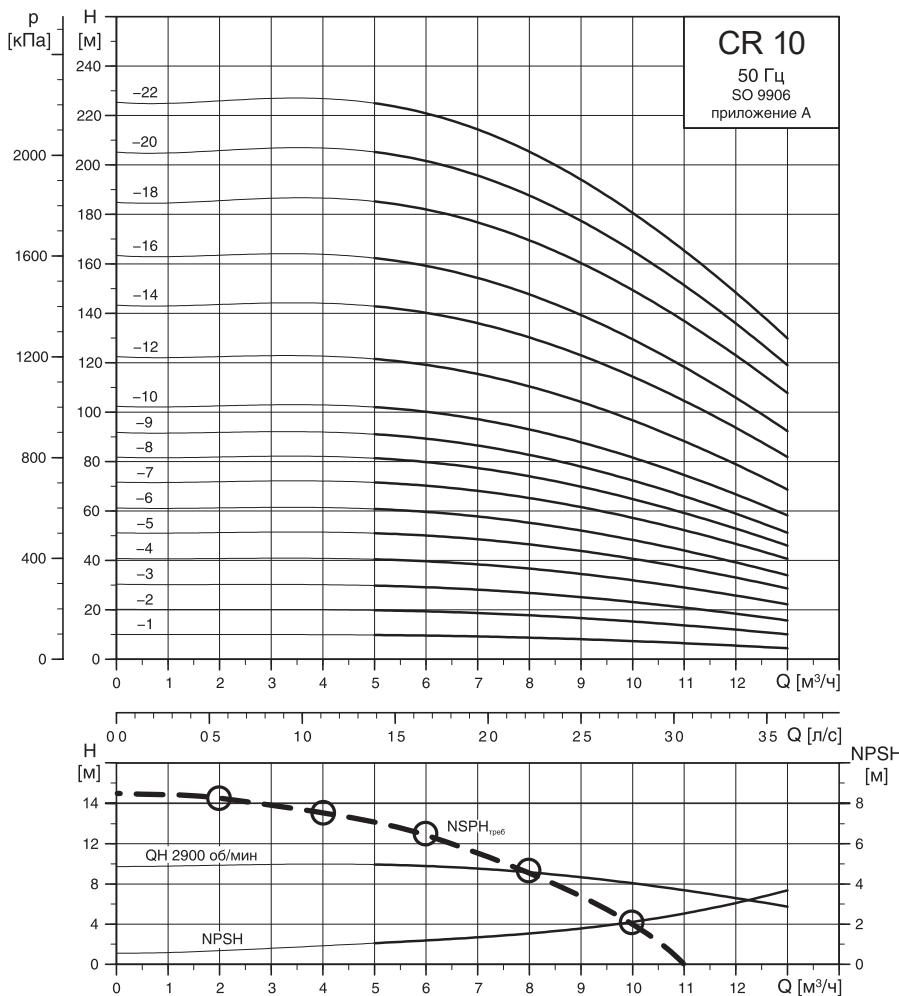


Рис. 18 Центробежные насосы CR 10

5.3. Величина $NPSH_{эксп}$ насоса

Очевидно, что $NPSH_{эксп}$ (или для краткости $NPSH$) центробежного насоса меняется в зависимости от напора насоса обычно включается производителем насоса в документацию.

После выбора модели насоса необходимо проверить, не будет ли он работать с кавитацией. Существует несколько методик для проведения подобных расчетов.

В основе каждой из них лежат вышеописанные зависимости. Приведем одну из этих методик. Ее суть заключается в том, чтобы определить запас S между $NPSH$ системы ($NPSH_{треб}$) и $NPSH$ насоса ($NPSH_{эксп}$). Если S получается больше 1 м, то насос будет работать без кавитации, меньше 1 м – необходимо выбрать другой насос или изменить параметры системы. Если $S = 1$ м, то теоретически кавитации не будет, но практически никто не может гарантировать сохранения расчетных параметров за все время эксплуатации насоса. Поэтому подобных «границных» условий также следует избегать.

$$\text{Запас } S = NPSH_{треб} - NPSH_{эксп}$$

$$S \geq 1 \text{ м}$$

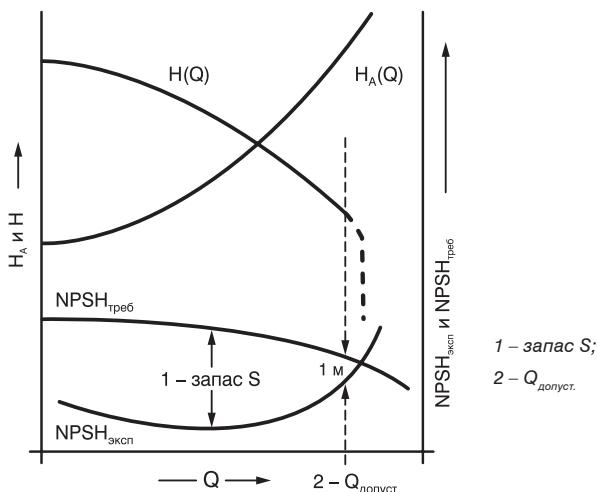


Рис. 19

В первом примере мы нашли, что после определения графической характеристики $H_A(Q)$ установки могут быть предложены три насоса. Для них мы хотим определить кавитационный запас:

| | Q ($\text{м}^3/\text{ч}$) | S (м) |
|----------|-------------------------------|-----------------------|
| CR 10 | 6,5 | $6,0 - 1,2 = 4,8 > 1$ |
| CR 10–12 | 8,5 | $3,0 - 1,6 = 1,4 > 1$ |
| CR 10–14 | 9,8 | $2,2 - 2,0 = 0,2 < 1$ |

Подразумевается, что продавец-консультант обладает необходимыми знаниями для правильного подбора насоса. Таким образом, для него не составит труда не только выбрать наиболее подходящий насос, но и объяснить заказчику, почему была выбрана именно эта модель.

Вернемся еще раз к нашему последнему примеру. На диаграмме мы видим $NPSH = NPSH_{\text{эксп}}$ – для центробежного насоса Grundfos CR 10. Точка пересечения кривых находится при $Q = 10 \text{ м}^3/\text{час}$, т.е. при таком Q в насосе происходит кавитация. Для всех других, лежащих ниже, значений Q разность между $NPSH_{\text{треб}}$ и $NPSH_{\text{эксп}}$ показывает запас S .

Компания Grundfos рекомендует выбирать насосы таким образом, чтобы минимальный запас S был равен 1 м. Этот запас учитывает неточности измерения параметров системы и считывания значений с графиками.

5.4. Производительность и кавитация

Как было сказано в разделе 5.1, кавитация приводит к снижению производительности, а затем происходит срыв подачи насоса, что иллюстрируется на рис. 20.

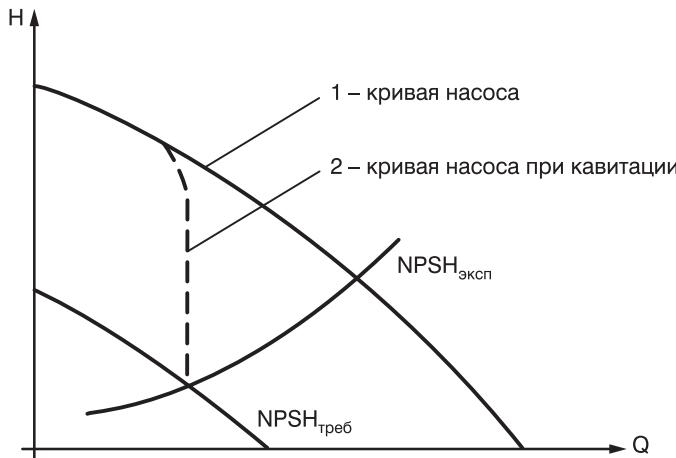


Рис. 20

Понижение $NPSH_{\text{треб}}$ возможно вследствие загрязнения всасывающего трубопровода, понижения уровня или повышения температуры воды или, наконец, колебаний атмосферного давления P_b . В определенный момент $NPSH_{\text{треб}}$ может уменьшиться так, что в насосе возникнет кавитация. Необходимо контролировать состояние всасывающего трубопровода, периодически измеряя давление P_s в нем.

В уравнении 31

$$NPSH_{\text{треб}} = \left(\frac{P_s + P_b}{\rho \cdot g} \right) + \frac{V_s^2}{2 \cdot g} - \frac{P_d}{\rho \cdot g}$$

для насоса с кавитацией подставляют

$$NPSH_{\text{треб}} = NPSH_{\text{эксп}}$$

и затем из уравнения находят давление на всасывающем патрубке P_s :

$$P_s = P_d + NPSH_{\text{эксп}} \cdot \rho \cdot g - P_b - \frac{V_s^2}{2} \cdot \rho \quad (35)$$

В техническом каталоге для насосов CR представлено это уравнение для нормального атмосферного давления 1013 гПа. Оно показывает, какое минимальное давление P_s при номинальном расходе Q_N и соответствующем значении $NPSH_{\text{эксп}}$ должно быть обеспечено на всасывающем патрубке, чтобы гарантировать отсутствие кавитации.

Пример 11:

Насос для перекачивания конденсата.

Насос CRN 15–14 должен перекачивать конденсат с $Q_N = 16 \text{ м}^3/\text{час}$ и температурой 90 °С. Из технического паспорта насоса мы возьмем значение $NPSH_{\text{эксп}} = 1,3 \text{ м}$ и прибавим к нему также рекомендуемый запас 1 м:

$$NPSH_{\text{эксп}} = 2,3 \text{ м}$$

Величина $NPSH_{\text{эксп}}$ характеризует «требования» насоса к системе. Если из барометрического давления вычесть $NPSH_{\text{эксп}}$ и давление насыщенных паров жидкости, и выразить полученное значение в метрах водяного столба, то итогом вычислений будет являться максимальная высота всасывания ($H > 0$) или минимальный требуемый подпор на всасывающем фланце насоса из условий бескавитационной работы ($H < 0$). При $H=0$ необходимо внимательно проверить исходные данные, провести расчет еще раз и принять решение о необходимости создания подпора. Данный расчет не учитывает сопротивление всасывающего трубопровода, то есть мы пренебрегли потерями давления. Формулу расчета можно найти в каталогах GRUNDFOS.

6. СОВМЕСТНАЯ РАБОТА НЕСКОЛЬКИХ НАСОСОВ

В некоторых ситуациях один насос не может обеспечить требуемую производительность или напор. Подчас сама технологическая схема требует резервного насоса. В этих случаях необходимо устанавливать несколько насосов, предполагая их совместную работу. Зная характеристики насосов, можно легко определить характеристику их совместной работы, рассчитать расход, напор и мощность.

6.1. Последовательное включение насосов

Последовательное включение насосов на практике встречается редко, хотя каждый многоступенчатый насос можно представить как последовательное включение нескольких одноступенчатых насосов. Однако в многоступенчатых насосах отключение ступеней невозможно, хотя оно часто необходимо для регулирования. Поскольку неработающий насос представляет собой существенное сопротивление в системе трубопроводов, то при последовательном включении нужно установить байпасы с обратными клапанами.

При последовательном включении насосов значения напоров H при одинаковом расходе Q суммируются к общей кривой напора. На рис. 22 показано, как построить эту характеристику. Этот тип включения поясняется на примере.

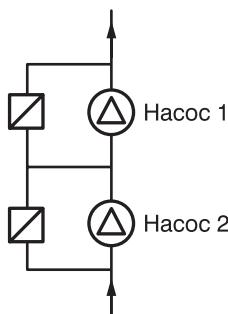


Рис. 21

Пример 12:

В системе, графическая характеристика $H_A(Q)$ которой задана следующими данными

| Q ($\text{м}^3/\text{ч}$) | 0 | 6 | 12 | 18 | 24 | 30 | 34 |
|-------------------------------|---|-----|------|----|------|-----|-----|
| H (м) | 0 | 5,6 | 22,2 | 50 | 88,9 | 139 | 200 |

установлены два центробежных насоса

насос 1 CR 32–5

насос 2 CR 32–8,

включенных последовательно согласно рис. 22. Внесите характеристику установки в технический паспорт и определите три возможные рабочие точки (рис. 23) .

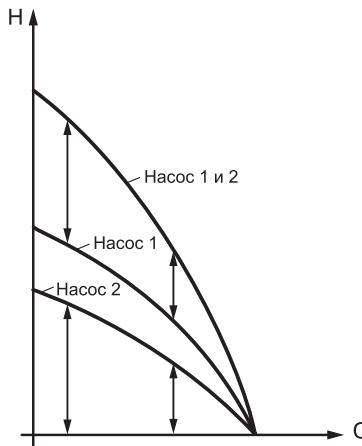


Рис. 22

Решение:

Поскольку речь идет о двух однотипных насосах, то действие обоих, находящихся в режиме работы, можно заменить на один насос с количеством ступеней обоих агрегатов, т.е.

$$\text{CR 32-5 + CR 32-8 = CR 32-13}$$

| | CR 32-5 | CR 32-8 | CR 32-13 |
|-----------------------------|----------------|----------------|-----------------|
| Q ($\text{м}^3/\text{ч}$) | 24 | 28,3 | 34,5 |
| H (м) | 86 | 125 | 180 |
| P (кВт) | 7,5 | 12,8 | 23 |
| NPSH (м) | 1,3 | 1,8 | 3,4 |

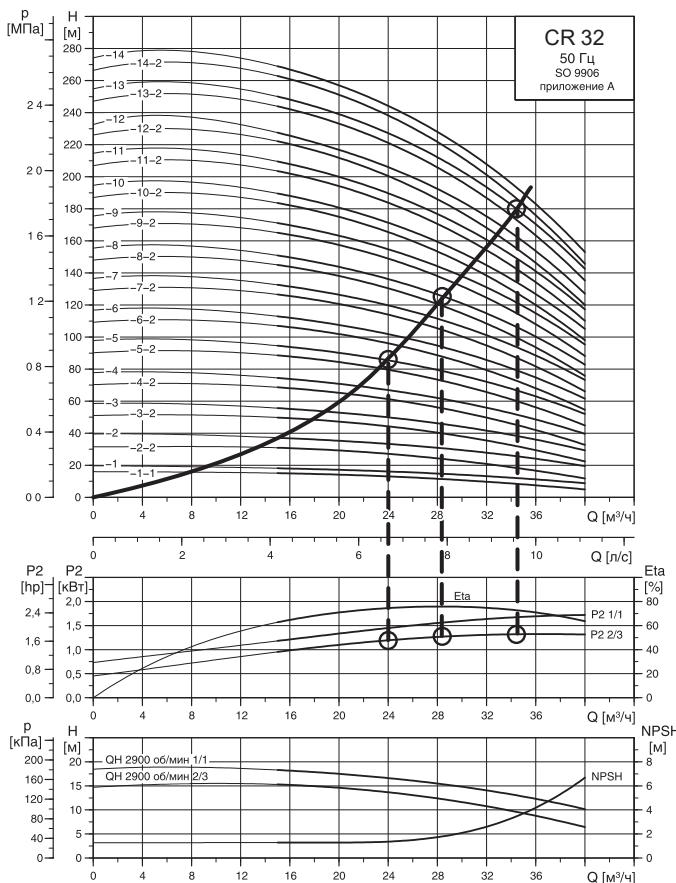


Рис. 23 Точки пересечения характеристики системы и трех кривых напора.
(Мощность P_2 приведена для одной ступени)

6.2. Параллельное включение центробежных насосов

Центробежные насосы включаются параллельно (рис. 24), когда система имеет меняющийся во времени расход или, из соображений надежности, требуется установка резервного насоса (например, сдвоенные насосы в системах отопления).

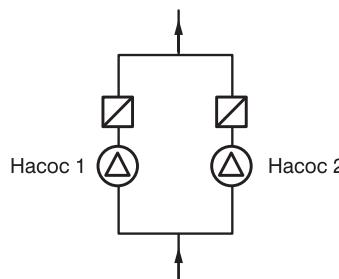


Рис. 24

При такой схеме включения в напорный трубопровод также должны быть установлены обратные клапаны, что делается во избежание обратного тока воды. В сдвоенных насосах эту функцию выполняют перекидные шиберы.

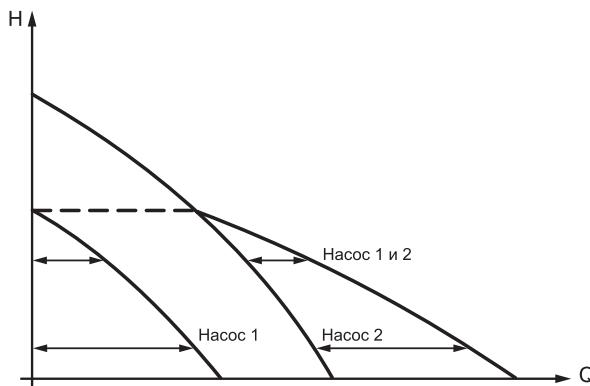


Рис. 25

При параллельном включении насосов расходы Q складываются.

Пример 13:

Графическая характеристика системы отопления задается следующими данными: $H_A = 7$ м при $Q = 45$ м³/час. Необходимо установить сдвоенный насос UPSD 65–120, у которого в третьей ступени предусмотрен как одиночный, так и параллельный режим работы. Определите обе рабочие точки.

Решение:

Мы внесем общую кривую напора в технический паспорт UPSD 65–120:

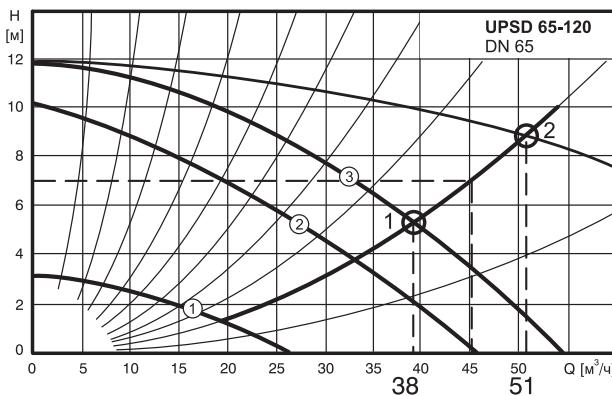


Рис. 26

Т.к. система отопления работает по принципу циркуляции, в которой насос компенсирует только потери напора H_v , т.е.

$$H_A(Q) = H_{Adyn}(Q),$$

значит характеристика системы представляет собой проходящую через ноль параболу. Обеими рабочими точками являются:

P1 или P2 = 38 м³/час – рабочая точка 1

P1 или P2 = 51 м³/час – рабочая точка 2

На практике расход Q в рабочей точке 2 несколько меньше, т.к. клапан имеет определенное сопротивление.

7. РЕГУЛИРОВАНИЕ ЦЕНТРОБЕЖНЫХ НАСОСОВ

При расчете систем и подборе насосного оборудования проектировщики часто выбирают параметры с запасом. На практике это приводит к тому, что действительная рабочая точка отличается от расчетной. Для корректировки режима работы насоса и обеспечения заданных параметров необходимо регулирование. Наиболее широко регулирование используется в насосах, работающих в широком диапазоне расходов и выполняющих функцию поддержания одной из заданных величин (давления, температуры и т.д.).

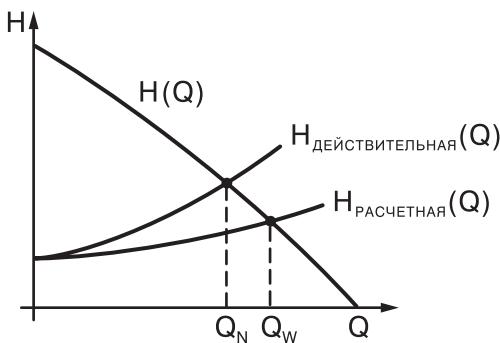


Рис. 27

Существуют следующие способы регулирования:

1. Дроссельное регулирование (с помощью задвижек)
2. Регулирование перепуском (байпассирование)
3. Коррекция (подрезка) рабочего колеса
4. Изменение числа оборотов приводного вала насоса

7.1. Дроссельное регулирование

При таком способе регулирования потери высоты H_v установки и, тем самым, динамическая высота $H_{дин}$ возрастают путем увеличения динамического сопротивления запорной арматуры (задвижки). Характеристика системы становится круче, так что рабочая точка смещается в сторону меньшей производительности Q (рис. 28).

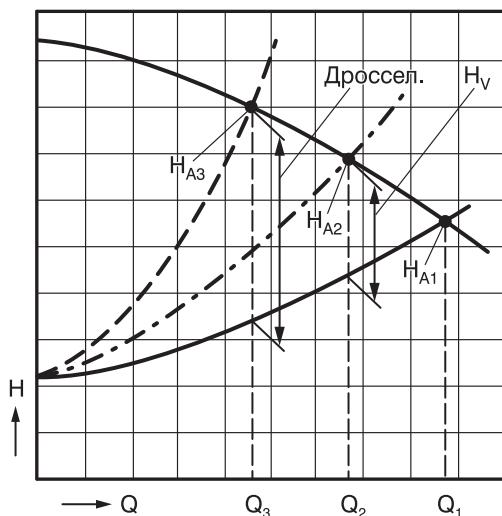


Рис. 28 Дроссельное регулирование

При этом, естественно, в дроссельной арматуре происходят потери энергии, так что продолжительный режим работы с дросселированием становится экономически не выгодным. Потери при дросселировании наименьшие, если характеристика насоса $H(Q)$ очень пологая. Поэтому дроссельное регулирование используется в основном в центробежных насосах, потому что в этих насосах мощность P падает с уменьшением расхода Q . Если дроссельное регулирование, невзирая на инвестиционные затраты, является благоприятным способом регулирования, то при больших мощностях приводов в каждом случае должны проводиться исследования экономической целесообразности. Более энергоэффективным является регулирование перепуском.

7.2. Коррекция (подрезка) рабочего колеса

Корректировка диаметра рабочего колеса используется в тех случаях, когда для обеспечения оптимальной работы системы необходимо «опустить» характеристику насоса. Технически корректировку рабочего колеса выполняют подрезкой лопастей под необходимый диаметр. Для определения этого диаметра используют уравнения подобия.

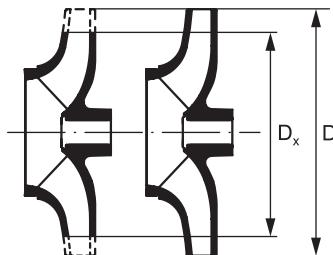


Рис. 29 Коррекция рабочего колеса

КПД при этом ухудшается настолько, насколько проводится коррекция.

В то время, как в насосах с малой номинальной частотой вращения n_q понижение КПД при незначительной коррекции является несущественным, то насосы с большой номинальной частотой вращения n_q реагируют на незначительную корректировку рабочего колеса заметной потерей КПД.

Если диаметр рабочего колеса или лопасти D изменяется незначительно, то для производительности Q и напора H с достаточной точностью действуют следующие соотношения:

$$\frac{Q_x}{Q} = \left(\frac{D_x}{D} \right)^2 \quad \frac{H_x}{H} = \left(\frac{D_x}{D} \right)^2 \quad (36)$$

Диаметр D_x при обычной линейной сетке координат универсальной характеристики H, Q может быть определен следующим образом (рис. 30).

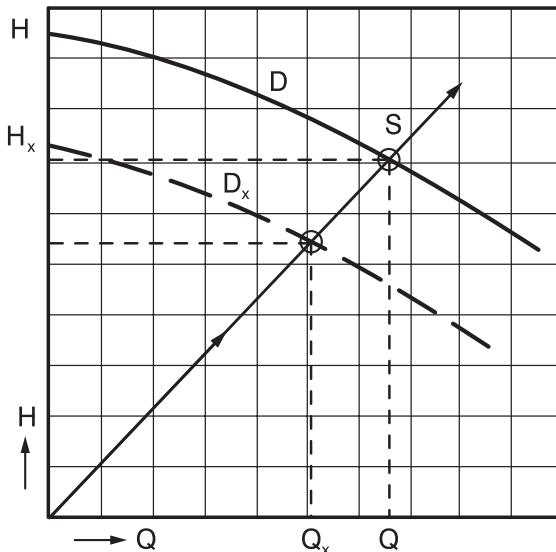


Рис. 30 Изменение мощности путем корректировки диаметра рабочего колеса

Через точку $Q = 0, H = 0$ и нужную рабочую точку Q_x, H_x проводят прямую линию, которая пересекает кривую $H(Q)$ полного рабочего колеса в точке «S».

С помощью значений H и Q этой точки вычисляют диаметр D_x

$$D_x \approx D \cdot \sqrt{\frac{Q_x}{Q}} \quad D_x \approx D \cdot \sqrt{\frac{H_x}{H}} \quad (37)$$

Пример 14

Моноблочный насос NB 65-160 должен обеспечивать рабочую точку

$Q_x = 100 \text{ м}^3/\text{час}$ и $H_x = 35 \text{ м}$. До какого диаметра D_x нужно подрезать рабочее колесо?

Решение:

На диаграмме насоса (см. рис. 31) проводят прямую 0–X и продлевают ее до пересечения с кривой напора для диаметра рабочего колеса $D = 173 \text{ мм}$. В точке S диаграммы считывают значение $Q = 109 \text{ м}^3/\text{час}$, $H = 37,5 \text{ м}$.

С помощью уравнений находят диаметр

$$D_x \approx D \cdot \sqrt{\frac{Q_x}{Q}} = 173 \text{ мм} \cdot \sqrt{\frac{100}{109}} = 166 \text{ мм}$$

$$D_x \approx D \cdot \sqrt{\frac{H_x}{H}} = 173 \text{ мм} \cdot \sqrt{\frac{35}{37,5}} = 167 \text{ мм}$$

Если насос действительно должен работать в этой точке, то рабочее колесо нужно подрезать до 167 мм. Однако на практике при таких небольших изменениях диаметра колеса от корректировки отказываются и в зависимости от характеристики и принципа работы установки выбирают насос с рабочим колесом либо 173 мм, либо 157 мм.

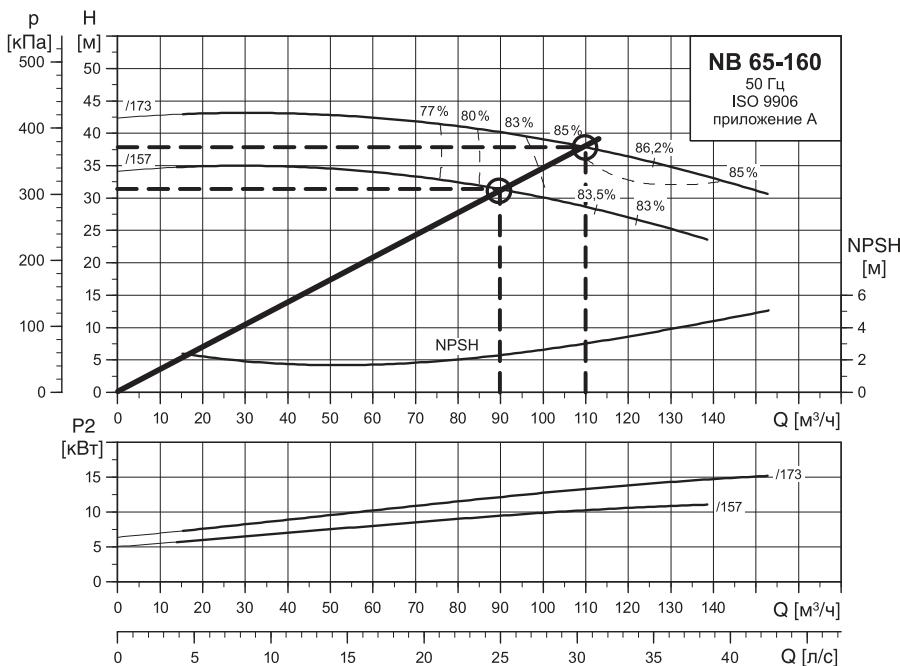


Рис. 31

7.3. Регулирование числа оборотов

При изменении числа оборотов n меняются характеристики насоса. Действуют законы подобия, как было сказано в разделе 3.1.:

$$\frac{Q_x}{Q} = \frac{n_x}{n} \quad Q_x = Q \cdot \frac{n_x}{n} \quad (38)$$

$$\frac{H_x}{H} = \left(\frac{n_x}{n} \right)^2 \quad H_x = H \left(\frac{n_x}{n} \right)^2 \quad (39)$$

При пересчете мощности должен учитываться КПД. Если число оборотов изменяется в диапазоне +30% и –50%, то КПД насоса меняется незначительно (падение составит примерно 2%).

$$\frac{P_x}{P} = \left(\frac{n_x}{n} \right)^3 \quad (40)$$

Изменение числа оборотов n , тем самым, является наиболее экономичным способом регулирования.

Пример 15:

В установке водоснабжения, характеристика которой задана следующим образом:

| | | | | | | | |
|-------------------------------|----|------|------|------|------|----|-----|
| Q ($\text{м}^3/\text{ч}$) | 0 | 6 | 12 | 18 | 24 | 30 | 36 |
| H_A (м) | 60 | 61,1 | 64,4 | 70,0 | 77,8 | 95 | 120 |

устанавливается насос CR 32-7 с частотно-регулируемым двигателем.

Найдите рабочую точку для числа оборотов $n = 2900$ 1/мин, $n_x = 2500$ 1/мин, а также мощность привода P .

Для определения рабочей точки при числе оборотов $n_x = 2500$ 1/мин нужно пересчитать кривую напора $H(Q)$. Характеристика установки $H_A(Q)$ при изменении числа оборотов не меняется.

Имеем

$$\frac{n_x}{n} = 0,862$$

и

$$\left(\frac{n_x}{n} \right)^2 = 0,743$$

Решение:

Сначала нанесем характеристику системы H_A на характеристику насоса.

Для частоты вращения $n = 2900$ 1/мин пересечение характеристики системы и рабочей кривой насоса дает нам значение подачи и соответствующее значение мощности, приходящееся на одну ступень:

$$Q = 32 \text{ м}^3/\text{ч} \text{ и } P_{st} = 1,29 \text{ кВт}$$

Таким образом, потребная мощность насоса составит

$$P = 11,66 \text{ кВт}$$

Это означает, что при этой частоте вращения КПД будет приблизительно соответствовать первоначальному значению, но при этом он уже будет соответствовать новым точкам кривой.

$$n = 2900 \text{ 1/мин} \quad n_x = 2500 \text{ 1/мин}$$

| Q | H | η | Q _x | H _x | η _x |
|----|-----|------|----------------|----------------|----------------|
| 0 | 135 | 0 | 0 | 100,3 | 0 |
| 8 | 134 | 0,40 | 6,9 | 99,6 | 0,40 |
| 16 | 130 | 0,62 | 13,8 | 96,6 | 0,62 |
| 24 | 118 | 0,75 | 20,7 | 87,7 | 0,75 |
| 32 | 90 | 0,74 | 27,6 | 66,9 | 0,74 |

Точка пересечения новой характеристики насоса при частоте вращения $n_x = 2500$ об/мин с характеристикой системы даст нам искомую рабочую точку:

$$Q_x = 24 \text{ м}^3/\text{ч} \quad H_x = 77,8 \text{ м} \quad \eta_x = 0,75$$

Тогда для искомой рабочей точки потребная мощность на валу P насоса рассчитывается так (уравнения 25, 26):

$$P_x = \frac{P_x}{\eta_x} = \frac{Q_x \cdot \rho \cdot g \cdot H_x}{\eta_x}$$

$$P_x = \frac{24 \text{ м}^3 \cdot n \cdot 1000 \text{ кг} \cdot 9,81 \text{ м} \cdot 77,8 \text{ м}}{n \cdot 3600 \text{ с} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{с}^2 \cdot 0,75} = 6,8 \text{ кВт}$$

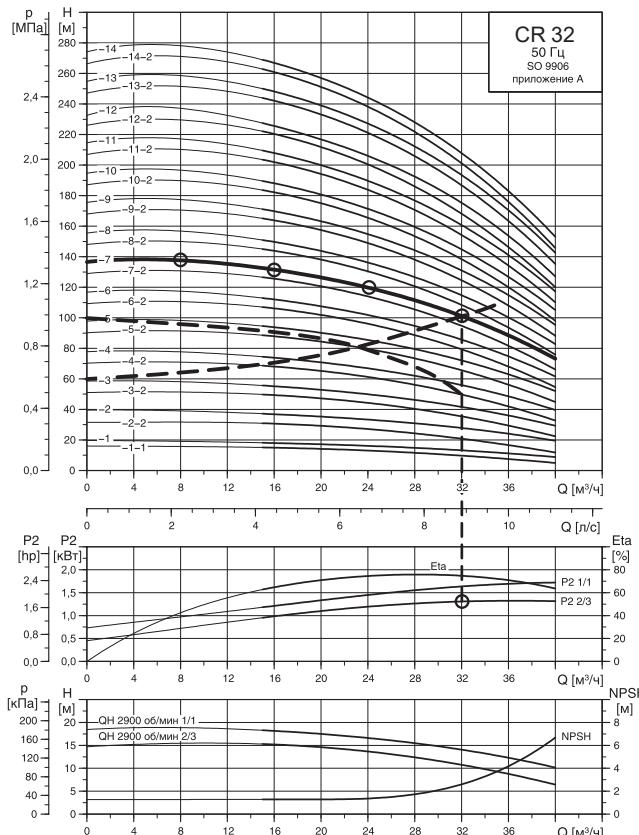


Рис. 32 Многоступенчатые насосы In-line Grundfos CR 32

7.4. Эксплуатационные расходы насоса

Мы хотим рассмотреть здесь только затраты на электроэнергию, а не амортизацию насоса. Первыми являются:

$$K = P_1 \cdot E_{el} \cdot B \quad (41)$$

K – руб./год = затраты на энергию в год

P_1 – кВт = мощность, которую потребляет из сети насосный агрегат

E_{el} – руб./кВт · час = цена 1 кВт часа

B – час/год = рабочие часы в год

Пример 16:

В примере 8 (стр. 28) для центробежного насоса CR 15-14 с помощью

$Q = 16 \text{ м}^3/\text{час}$ была рассчитана электрическая мощность P_1 12,5 кВт. Если насос работает в год 2000 часов и стоимость электроэнергии составляет $E_{el} = 5 \text{ руб./кВт} \cdot \text{час}$, то мы получаем

$$K = 12,5 \cdot 5 \cdot 2000 = 125000 \text{ руб./год}$$

Становится ясно, что эксплуатационные затраты в год при длительной работе насоса составляют значительную денежную сумму, и КПД в таких случаях играет большую роль.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Сегодня насосы используются для водоснабжения, отопления, повышения давления, канализации и в различных промышленных процессах. Для надежной работы системы очень важно правильно, с учетом всех параметров, подобрать насос. Кроме того, при подборе насоса необходимо учесть возможные изменения в системе (например, при расширении производства или при изменении функционального назначения отапливаемого помещения).

Немаловажным аспектом надежной работы системы является правильность монтажа и технического обслуживания насоса. Поэтому покупателю оборудования следует удостовериться в том, что монтаж будет производиться авторизованным сервисным специалистом, а техническое обслуживание насоса – специалистом, знающим основы гидравлики.

be think innovate

ООО «ГРУНДФОС»
ул. Школьная, д. 39-41,
г. Москва, 109544
Тел.: +7 495 737-30-00
www.grundfos.ru

GRUNDFOS 

Название Grundfos, логотип Grundfos и be think innovate являются зарегистрированными торговыми марками, принадлежащими Grundfos A/S или Grundfos Management A/S или Grundfos A/S, Дания. Все права защищены.

70007491/0519